

Министерство образования и науки Российской Федерации  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«САРАТОВСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ Н.Г.ЧЕРНЫШЕВСКОГО»

Кафедра дискретной математики и  
информационных технологий

**Последовательная декомпозиция автоматов**  
**АВТОРЕФЕРАТ БАКАЛАВРСКОЙ РАБОТЫ**

Студента 4 курса 421 группы  
направления 09.03.01 «Информатика и вычислительная техника»  
факультета компьютерных наук и информационных технологий  
Пряхина Глеба Романовича

Научный руководитель

доцент, каф. ДМиИТ

\_\_\_\_\_

подпись, дата

И.П. Мангушева

Зав. кафедрой

к. ф.-м.н., доцент

\_\_\_\_\_

подпись, дата

Л.Б. Тяпаев

Саратов 2016

## СОДЕРЖАНИЕ

ВВЕДЕНИЕ .....	3
1 Основные определения теории автоматов .....	4
1.1 Конечные автоматы .....	5
1.2 Разбиение множества, операции на множестве .....	6
1.3 Универсальная алгебра, конгруэнция универсальной алгебры, конгруэнция на множестве состояний автомата, замыкание .....	8
1.4 Алгоритм поиска образующей конгруэнции конечного автомата .....	11
1.5 Алгоритм поиска ортогональной конгруэнции конечного автомата .....	11
1.6 Последовательная декомпозиция автоматов.....	11
1.7 Пример работы алгоритма поиска конгруэнций конечного автомата ...	12
2 Построение последовательной декомпозиции.....	15
2.1 Построение образующей конгруэнции автомата для заданной пары	15
2.2 Построение ортогональной конгруэнции .....	17
2.3 Построение последовательной декомпозиции.....	17
3 Программная реализация декомпозиции автомата .....	19
ЗАКЛЮЧЕНИЕ .....	28
СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ .....	29

## ВВЕДЕНИЕ

Для получения информации о процессе работы некоторой математической системы удобно описание процесса и результата её работы в табличном виде. Изучением таких описаний занимается раздел дискретной математики, называемый теорией автоматов, в котором подобные описания именуется абстрактными автоматами.

Абстрактный автомат – математическая абстракция, являющаяся моделью дискретного устройства, которое в каждый момент времени находится в одном состоянии из множества возможных. На вход автомата подаются символы одного алфавита, на выходе автомата появляются символы другого алфавита, являющиеся формализацией результата работы устройства.

Так как математическая абстракция может в отдельных случаях получиться довольно большой и сложной для использования, необходим механизм, позволяющий представить исходную абстракцию в виде композиции нескольких абстракций, которые облегчают изучение и работу с абстракцией. Таким механизмом является последовательная декомпозиция автомата.

Последовательная декомпозиция автомата строится по разбиению  $\pi$ , определённого на множестве  $S$  состояний автомата, и представляет соединение фактор – автоматов, копирующих поведение исходного автомата с точностью до блоков разбиения  $\pi$ .

Представление автомата (системы) в виде соединения автоматов с меньшим числом состояний, целесообразно, так как в случае возникновения неисправности в какой – либо из компонент, то производится замена только неисправной компоненты, а все остальные остаются без изменений. Кроме того, простые компоненты удобно имеют большую надёжность и большую лёгкость в диагностировании неисправностей.

Целью данной работы является решение задачи: нахождения и реализации алгоритма последовательной декомпозиции автомата.

Для достижения цели необходимо:

- изучить теоретический материал необходимый для решения задачи;
- используя изученную методику, вручную построить последовательную декомпозицию, для заданного автомата;
- реализовать алгоритм, используя выразительные средства языка высокого уровня;

Работа состоит из введения, трёх глав, заключения, списка использованных источников. Во введении приводятся общие сведения, цели и задачи работы. Первая глава содержит теоретическую часть работы: в первой главе даются основные определения теории автоматов; во второй главе представлена самостоятельная декомпозиция автомата, с использованием методов, описанных в первой главе; в третьей главе приведён результат разработки этапов построения конгруэнции автомата, описаны шаги построения последовательной декомпозиции и приведен пример результата работы программы построения образующей конгруэнции и последовательной декомпозиции автомата. В заключении сделаны выводы о проделанной работе, описаны её результаты. Список использованной литературы содержит источники, на которые приводятся ссылки в работе.

## 1 Основные определения теории автоматов

### 1.1 Конечные автоматы

**Конечный автомат** – устройство, работающее в дискретном времени, иначе тактах. На вход конечного автомата на каждом такте поступает один из возможных входных сигналов, а на его выходе появляется выходной сигнал, являющийся функцией его текущего состояния и поступившего входного сигнала. Внутреннее состояние автомата также меняется. Такты работы определяются либо принудительно, посредством синхросигналов, либо асинхронно – по приходу сигнала.

**Конечным детерминированным инициальным автоматом Мили** называют абстрактную систему

$$(S, X, Y, s_0, \delta, \lambda)$$

где  $S, X, Y$  называются соответственно множествами состояний, входных и выходных сигналов,  $s_0 \in S$  – начальное состояние автомата,  $\delta : S \times X \rightarrow S$  – функция переходов  $\lambda : S \times X \rightarrow Y$  – функция выходов.

**Автоматом состояний В** называют тройку  $(S, X, \delta)$ , где  $S, X, \delta$  - имеют тот же смысл, что и для конечного детерминированного инициального автомата Мили.

Автомат состояний является основной частью автомата Мили - автомат состояний реализует механизм запоминания информации. Автомат Мили можно представить в виде автомата состояний  $N$  с навешенной на его выход функцией выходов  $\lambda$ .

### 1.2 Разбиение множества, операции на множестве

**Разбиением** множества  $N$  называют множество непустых, непересекающихся подмножеств, объединение которых совпадает с  $N$ .

**Элементарное разбиение множества** – разбиение, в котором в один блок объединены два различных элемента  $(r, s)$  исходного множества, а все остальные блоки этого разбиения состоят из одного элемента.

Множество всех разбиений множества  $N$  обозначим  $\Pi(N)$ .

На множестве  $\Pi(N)$  определим операции **сложения** и **умножения**.

Результатом операции **умножения** разбиений множества, является разбиение, блоками которого являются пересечения блоков исходных разбиений.

Результатом **сложения** является разбиение, блоками которого являются объединения пересекающихся блоков исходных разбиений.

Такие операции обладают свойствами идемпотентности, коммутативности и ассоциативности, то есть:

а)  $\pi \times \pi = \pi$ ;  $\pi + \pi = \pi$ ; свойство идемпотентности

б)  $\pi \times \xi = \pi\xi$ ;  $\pi + \xi = \xi + \pi$ ; свойство коммутативности

в)  $(\pi \times \xi) \times \tau = \pi \times (\xi \times \tau)$ ;  $(\pi + \xi) + \tau = \pi + (\xi + \tau)$ ; свойство ассоциативности

Можно сказать, что разбиения  $\rho$  и  $\pi$  находятся в отношении  $\rho \leq \pi$ , если блоки разбиения  $\rho$  являются подблоками блоков разбиения  $\pi$ .

Следовательно,  $\rho \leq \pi$ .

Среди всех элементов множества  $\Pi(N)$ , существуют два разбиения, одно из которых состоит из одного блока, содержащего все элементы из  $N$ , второе разбиение содержит в себе разбиения всего с одним элементом из  $N$ .

Первое разбиение называют наибольшим разбиением и обозначают  $I$ .

Второе разбиение называют наименьшим разбиением и обозначают  $0$ .

Разбиение  $I$  и  $0$  играют роль единицы и нуля в алгебре разбиений.

### **1.3 Универсальная алгебра, конгруэнция универсальной алгебры, конгруэнция на множестве состояний автомата, замыкание**

**Универсальной алгеброй** называется множество  $M$  вместе с набором операций  $\Sigma = \{\varphi_1, \dots, \varphi_s\}$ ,  $\varphi_i: M^{n_i} \rightarrow M$ , где  $n_i$  – арность операции  $\varphi_i$ .

Множество  $M$  называется носителем алгебры,  $\Sigma$  называются сигнатурой, а вектор арностей операций  $\langle n_1, \dots, n_s \rangle$  называется типом алгебры.

**Конгруэнцией** называется разбиение  $\pi$  на носителе  $M$  алгебры

$\langle M; \varphi_1, \dots, \varphi_s \rangle$  такое, что

$$(\forall i \in 1 \dots s)(\forall a_j, b_j \in M) ([a_j]_\pi = [b_j]_\pi \rightarrow [\varphi_i(a_1, \dots, a_r)]_\pi = [\varphi_i(b_1, \dots, b_r)]_\pi),$$

где  $[a]_\pi$  – обозначает блок разбиения  $\pi$ , содержащий элемент  $a$ .

Таким образом, конгруэнцией алгебры называется разбиение, согласованное с операциями алгебры.

Для применения выводов, полученных в теории универсальных алгебр к теории автоматов, рассмотрим конечный автомат, у которого определена только функция переходов. Такой автомат можно рассматривать как универсальную алгебру, у которой сигнатурой является множество функций переходов, по одной для каждого входного сигнала, а носителем – множество состояний автомата. То есть можно рассмотреть автомат  $A = (S, X, \{\delta_x\})$ , где  $S$  – множество состояний автомата,  $X$  – множество входных сигналов,  $\{\delta_x\}$  – множество функций переходов такое, что  $(\forall x \in X), (\delta_x: S \rightarrow S)$ .

**Конгруэнцией автомата** называется разбиение  $\pi$  на множестве состояний конечного автомата  $A$  такое, что под воздействием любого входного сигнала автомат из двух любых состояний, принадлежащих одному и тому же блоку разбиения  $\pi$ , переходит в два других состояния, вместе принадлежащих одному и тому же произвольному блоку этого разбиения, то есть

$$(\forall x \in X) (\forall s, r \in S) ([s]_\pi = [r]_\pi \rightarrow [\delta_x(s)]_\pi = [\delta_x(r)]_\pi).$$

**Замыканием**  $[[\pi]]_A$  разбиения  $\pi$  на множестве состояний автомата  $A=(S, X, \delta)$  называют такую конгруэнцию, что  $\pi \leq [[\pi]]_A$ , причём  $[[\pi]]_A$  – минимальная конгруэнция  $A$ , обладающая этим свойством.

Конгруэнция  $\pi$  конечного автомата  $A = (S, X, \delta)$  определяет фактор автомат  $A/\pi = (\pi, X, \delta_\pi)$ , состояниями которого являются блоки разбиения  $\pi$ , а функция переходов  $\delta_\pi$  для каждого входного сигнала  $x \in X$  определяется:

$$(\forall x \in X) (\forall s \in S) (\delta_\pi([s]_\pi, x) = [\delta(s, x)]_\pi).$$

Воспользовавшись определением образующих решёток конгруэнций автомата из источника [3], определим. **Образующей конгруэнцией** автомата, называют замыкание  $[\rho[r, s]]_A$  построенное для пары  $(r, s)$  различных

состояний автомата

Разбиением  $\rho$ , **ортогональным конгруэнции**  $\pi$ , называют любое разбиение  $\rho$  такое, что результат умножения разбиений будет равен разбиению  $\theta$ .

Воспользовавшись определением множества  $\text{Con}(A)$  из источника [2], определим. **Множество всех конгруэнций автомата состояний**  $A$  обозначим  $\text{Con}(A)$ .  $\text{Con}(A)$  – решётка.  $\text{Con}(A)$  - упорядоченное множество,  $\leq$  отношение порядка на нём, а каждое подмножество множества  $\text{Con}(A)$  имеет точную верхнюю и нижнюю грань.

Любая конгруэнция  $\theta$  автомата состояний  $A$  является объединением в решётке  $\text{Con}(A)$  подходящего набора конгруэнций  $\theta = \vee \{ \theta (s_1, s_2) \mid (s_1, s_2) \in \theta \}$ , где  $\theta (s_1, s_2)$  обозначает наименьшую из конгруэнций, содержащих пару  $(s_1, s_2)$ . Не все образующие конгруэнции будут неразложимыми элементами решётки  $\text{Con}(A)$ . С другой стороны, всякая неразложимая конгруэнция будет образующей. Полагая

$$\theta^*(s_1, s_2) = \begin{cases} \theta (s_1, s_2), & \text{если } \theta (s_1, s_2) \text{ неразложима} \\ \Delta, & \text{в противном случае} \end{cases}$$

получаем, что для любой  $\theta \in \text{Con}(A)$  имеет место следующее представление  $\theta = \vee \{ \theta^* (s_1, s_2) \mid (s_1, s_2) \in \theta \}$ .

#### 1.4 Алгоритм поиска образующей конгруэнции конечного автомата

Для нахождения конгруэнций конечного автомата необходимо построить замыкания элементарных разбиений множества состояний автомата, затем отсеять тривиальные конгруэнции.

Вход: множество  $X$  входных символов, множество  $S$  состояний автомата, таблица переходов автомата  $A$ , пара состояний  $(r, s)$ .

Выход: наименьшая конгруэнция, отождествляющая в одном классе пару  $(r, s)$ .

Рассмотрим алгоритм пошагово:

1. Положим  $\pi_0 = \pi$ . Начальное разбиение для последующих шагов



алгоритмов.

2. Для  $i \geq 0$  определим  $\pi_{i+1} = \pi_i + \sum_{[r]\pi_i=[s]\pi_i} \sum_{x \in X} \rho(\delta(r, x), \delta(s, x))$ ,  
где  $\rho(r, s)$  – элементарное разбиение, содержащее пару  $(r, s)$

То есть каждый последующий шаг – сумма предыдущего разбиения и разбиения  $\rho(\delta(r, x), \delta(s, x))$  для каждой пары тех состояний, в которые автомат переходит из каждой пары состояний  $r$  и  $s$ , принадлежащих одному блоку разбиения полученному на предыдущем шаге, для каждого входного сигнала.

3. Замыкание  $[[\pi]]_A$  найдено, если  $\pi_{i+1} = \pi_i$  [3].

### 1.5 Нахождение ортогональной конгруэнции

Для нахождения ортогональной конгруэнции конечного автомата необходимо пометить элементы блоков разбиения  $\pi$ , числами  $1, 2, \dots, n$  и объединить элементы, помеченные одинаковыми числами в один блок [4].

Вход: разбиение  $\pi$ .

Выход: разбиение  $\rho$ .

Рассмотрим алгоритм пошагово:

1. Пометим элементы блоков разбиения  $\pi$ , числами  $1, 2, \dots, n$ .
2. Объединим элементы с одинаковыми пометками в один блок.

### 1.6 Последовательная декомпозиция автоматов

**Теорема** (о существовании последовательной декомпозиции).

Если конечный автомат имеет нетривиальную конгруэнцию, то для него существует последовательная декомпозиция [2].

Схематичное изображение реализации последовательного соединения автоматов  $A_1$  и  $A_2$  отображено на рисунке 1.

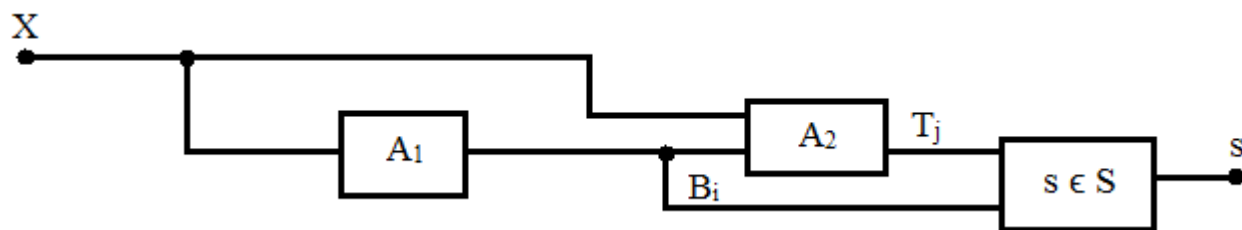


Рисунок 1 – Схема последовательного соединения автоматов  $A_1$  и  $A_2$

## 2 Построение последовательной декомпозиции

### 2.1 Нахождение образующей конгруэнции автомата для заданной пары

Для автомата А найти конгруэнции для пар (1,3) и (2,6), таблица переходов/выходов автомата А отображена на таблице 1.

Таблица 1 – Таблица переходов/выходов автомата А

A	a	b
1	2/α	8/γ
2	3/β	8/α
3	5/α	4/γ
4	7/β	8/β
5	1/β	4/β
6	1/α	8/γ
7	7/β	6/α
8	7/α	4/γ

Найдём конгруэнцию для пары (1, 3)

$$\pi_0 = \rho(1, 3) = \{ \langle 1, 3 \rangle, \langle 2 \rangle, \langle 4 \rangle, \langle 5 \rangle, \langle 6 \rangle, \langle 7 \rangle, \langle 8 \rangle \}$$

$$\pi_1 = \{ \langle 1, 3 \rangle, \langle 2, 5 \rangle, \langle 4, 8 \rangle, \langle 6 \rangle, \langle 7 \rangle \}$$

$$\pi_2 = \pi_1 = \{ \langle 1, 3 \rangle, \langle 2, 5 \rangle, \langle 4, 8 \rangle, \langle 6 \rangle, \langle 7 \rangle \}$$

Поскольку  $\pi_2 = \pi_1$  работа алгоритма окончена.

Найдём конгруэнцию для пары (2, 6)

$$\pi_0 = \rho(2, 6) = \{ \langle 1 \rangle, \langle 2, 6 \rangle, \langle 3 \rangle, \langle 4 \rangle, \langle 5 \rangle, \langle 7 \rangle, \langle 8 \rangle \}$$

$$\pi_1 = \{ \langle 1, 3 \rangle, \langle 2, 6 \rangle, \langle 4 \rangle, \langle 5 \rangle, \langle 7 \rangle \}$$

$$\pi_2 = \{ \langle 1, 3 \rangle, \langle 2, 5, 6 \rangle, \langle 4, 8 \rangle, \langle 7 \rangle \}$$

$$\pi_3 = \{ \langle 1, 3 \rangle, \langle 2, 5, 6 \rangle, \langle 4, 8 \rangle, \langle 7 \rangle \}$$

Поскольку  $\pi_3 = \pi_2$  работа алгоритма окончена.

## 2.2 Построение ортогональной конгруэнции

Для нахождения конгруэнции ортогональной конгруэнции, порождённой парой (2, 6) выберем произвольное разбиение,  $\rho$  для которого будет выполняться:  $\pi \times \rho = 0$

$$\text{Разбиение } 0 = \{ \langle 1 \rangle, \langle 2 \rangle, \langle 3 \rangle, \langle 4 \rangle, \langle 5 \rangle, \langle 6 \rangle, \langle 7 \rangle, \langle 8 \rangle \}$$

Разбиение  $\rho$  строится с использованием метода описанного в пункте

1.5. Конгруэнция:  $\pi_3 = \{ \langle 1, 3 \rangle, \langle 2, 5, 6 \rangle, \langle 4, 8 \rangle, \langle 7 \rangle \}$

Пометим элементы блоков:

$$\pi = \{ \langle 1_1, 3_2 \rangle, \langle 2_1, 5_2, 6_3 \rangle, \langle 4_1, 8_2 \rangle, \langle 7_1 \rangle \}$$

Объединим элементы с одинаковыми пометками в блоки:

$$\rho = \{ \langle 1, 2, 4, 7 \rangle, \langle 2, 3, 8 \rangle, \langle 6 \rangle \}$$

## 2.3 Построение последовательной декомпозиции

Для построения последовательной декомпозиции пометим блоки разбиения  $\pi_3$   $V_i, i = 1, 2, \dots$

$$\pi_3 = \{ \langle 1, 3 \rangle, \langle 2, 5, 6 \rangle, \langle 4, 8 \rangle, \langle 7 \rangle \} = \{ V_1, V_2, V_3, V_4 \}$$

Таблица переходов автомата в таком случае будет иметь вид:

Таблица 2 – Таблица переходов автомата состояний  $A/\pi_3$

$A/\pi_3$	a	b
$V_1$	$V_2$	$V_3$
$V_2$	$V_1$	$V_3$
$V_3$	$V_4$	$V_3$
$V_4$	$V_4$	$V_2$

Для построения  $A/\rho$  перепишем таблицу переходов  $A$ , заменяя состояния соответствующими классами разбиения  $\rho$ .

$$\text{Классы разбиения } \rho = \{ \langle 1, 2, 4, 7 \rangle, \langle 3, 5, 8 \rangle, \langle 6 \rangle \} = \{ T_1, T_2, T_3 \}.$$

Таблица переходов автомата с учётом классов разбиения  $\rho$  отображена на таблице 3.

Таблица 3 – Таблица переходов автомата состояний  $A/\{\pi_3 \times \rho\}$

$A/\{\pi_3 \times \rho\}$			a	b
$B_1$	1	$T_1$	$T_1$	$T_2$
$B_2$	2	$T_1$	$T_2$	$T_2$
$B_1$	3	$T_2$	$T_2$	$T_1$
$B_3$	4	$T_1$	$T_1$	$T_2$
$B_2$	5	$T_2$	$T_1$	$T_1$
$B_2$	6	$T_3$	$T_1$	$T_2$
$B_4$	7	$T_1$	$T_1$	$T_3$
$B_3$	8	$T_2$	$T_1$	$T_1$

Построим таблицу переходов автомата  $A/\rho$ , она отображена на таблице 4.

Таблица 4 – Таблица переходов автомата состояний  $A/\rho$

$A/\rho$	$B_1a$	$B_1b$	$B_2a$	$B_2b$	$B_3a$	$B_3b$	$B_4a$	$B_4b$
$T_1$	$T_1$	$T_2$	$T_2$	$T_2$	$T_1$	$T_2$	$T_1$	$T_3$
$T_2$	$T_2$	$T_1$	$T_1$	$T_1$	$T_1$	$T_1$	—	—
$T_3$	—	—	$T_1$	$T_2$	—	—	—	—

Последовательное соединение автоматов  $A/\pi_3$  и  $A/\rho$  реализует автомат  $A$ .

### 3 Программная реализация декомпозиции автомата

Для реализации последовательной декомпозиции автомата необходимо выполнить несколько предварительных шагов, таких как : поиск образующей конгруэнции, поиск ортогональной конгруэнции, построение таблиц переходов автомата в соответствии с образующей и ортогональной конгруэнциями. Для реализации алгоритма поиска образующей конгруэнции, используем алгоритм, описанный в пункте 1.4, поскольку алгоритм в шаге раскрыт недостаточно ясно, необходимо разделить этот шаг на подшаги.

После выполнения алгоритма поиска образующей конгруэнции, необходимо найти ортогональную конгруэнцию, для этого достаточно выполнить действия описанные в 1.5.

Затем перепишем таблицы автомата в соответствии с полученной образующей и ортогональной конгруэнцией

Процесс ввода данных для программы реализующей последовательную декомпозицию автомата отображён на рисунке 2.

```
Количество элементов множества входных символов
2
Количество элементов множества состояний
8
Введите состояния в которые переходит автомат. Вводите построчно для каждого состояния все переходы по всем входным символам.
2
3
3
3
5
4
7
8
1
4
1
8
7
6
7
4
Таблица переходов заполнена
0 1 2
1 2 8
2 3 8
3 5 4
4 7 8
5 1 4
6 1 8
7 7 6
8 7 4
Для какого количества состояний необходимо построить замыкание ?
2
Введите состояния . Состояния должны быть различны.
2
6
```

Рисунок 2 – ввод данных для программы реализующей последовательную декомпозицию

Пример работы программы реализующей последовательную декомпозицию для автомата описанного в главе 2 данной работы отображён на рисунке 3.

```

Главная конгруэнция для пары ( 2, 6)
| 1 3 | 2 5 6 | 4 8 | 7 |
Ортогональная конгруэнция для пары ( 2, 6)
| 1 2 4 7 | 3 5 8 | 6 |
Таблица переходов автомата с учётом классов разбиения главной конгруэнции
0 1 2
V1 V2 V3
V2 V1 V3
V3 V3 V4
V4 V2 V4

Таблица переходов автомата с пересечения главной конгруэнции и ортогональной конгруэнции
0 1 2
V1 1 T1 T1 T2
V2 2 T1 T2 T2
V1 3 T2 T1 T2
V3 4 T1 T1 T2
V2 5 T2 T1 T1
V2 6 T3 T1 T2
V4 7 T1 T1 T3
V3 8 T2 T1 T1

Таблица переходов автомата с учётом ортогональной конгруэнции
0 (V1,1)(V1,2)(V2,1)(V2,2)(V3,1)(V3,2)(V4,1)(V4,2)
T1 T1 T2 T2 T2 T1 T2 T1 T3
T2 T2 T1 T1 T1 T1 T1 0 0
T3 0 0 T1 T2 0 0 0 0
Для продолжения нажмите любую клавишу . . . █

```

Рисунок 3 – пример работы программы реализующей последовательную декомпозицию

## **ЗАКЛЮЧЕНИЕ**

В проделанной работе были изучены литературные источники следующих авторов: Ю.Г. Карпов, А.М. Богомолов, В.Н. Салий, И.П. Мангушева, П.М. Хрусталёв. Hartmains J., Stearns R.

Были рассмотрены необходимые сведения из теории алгоритмов, изучены алгоритмы поиска конгруэнций конечного автомата и построения последовательной декомпозиции автомата. Найдены конгруэнции автомата, а также построена его последовательная декомпозиция. Разработаны и реализованы алгоритмы поиска образующей конгруэнции автомата и построения последовательной декомпозиции автомата.

## СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 1 Мангушева И.П., Хрусталёв П.М. Лекции по дискретной математике. Часть II. Графы. Кодирование. Ограничено детерминированные функции и конечные автоматы. Элементы теории алгоритмов: Учеб. Пособие. -Саратов: Изд — во «Научная книга», 2007.-95с. С.54, 58
- 2 Богомолов А.М., Салий В.Н. Алгебраические основы теории дискретных систем. - М.: изд. Наука. Физматлит, 1997.С. 96 и 315-319.
- 3 Карпов Ю.Б. Теория автоматов. СПб.:Питер, 2003. С. 136-145  
Hartmains J., Stearns R. Algebraic Structure Theory of Sequential Machines. New York: Prentice – Hall Inc., 1966.