# Министерство образования и науки Российской Федерации ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ "САРАТОВСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ Н.Г. ЧЕРНЫШЕВСКОГО»

Кафедра математического анализа

# ГРАФИКИ ЭЛЕМЕНТАРНЫХ ФУНКЦИЙ (автореферат)

#### МАГИСТРСКАЯ РАБОТА

студентки 3 курса 322 группы

# направления 44.04.01 Педагогическое образование

# Механико-математического факультета

Абрамовой Юлии Борисовны

Научный руководитель		
Доцент кафедры математического анализа		А.М. Захаров
	подпись, дата	
Зав. кафедрой		
Профессор, доктор		Д.В. Прохоров
	подпись, дата	

## **ВВЕДЕНИЕ**

Выпускная квалификационная работа магистра представляет собой разработку образовательного курса «Графики элементарных функций», размещенного в свободном доступе на электронном ресурсе <a href="www.ipsilon.ru">www.ipsilon.ru</a>. Данный образовательный курс предназначен для учащихся 8 - 11-х классов основного общего образования, студентов средних профессиональных учебных заведений, и содержит элементы, относящиеся как к обучению на базовом уровне, так и в классах с профильной подготовкой.

Образовательный курс «Графики элементарных функций» — это ресурс, который содержит полный комплекс учебно-методических материалов, необходимых для освоения данной темы согласно учебному плану в рамках образовательной программы, и обеспечивает все виды работы в соответствии с программой дисциплины, включая практикум, средства для контроля качества усвоения материала, методические рекомендации для обучающегося по изучению данной темы.

Основные цели создания электронного образовательного курса:

- повышение качества обучения при реализации образовательных программ;
  - оптимизация деятельности педагогического состава;
- создание электронной информационно-образовательной среды, позволяющей осуществлять индивидуальный подход в образовательном процессе.

Задачи создания электронного образовательного курса:

- соответствие единым требованиям к структуре, отдельным элементам образовательного курса и технологиям обучения по нему в системе дистанционного образования Ipsilon;
- обеспечение образовательного процесса учебно-методическими и контрольно-измерительными материалами по теме «Графики элементарных функций», реализуемой в системе дистанционного образования Ipsilon;

- постоянное совершенствование и обновление комплекса учебнометодических материалов по данной теме.

Изучение поведения функций и построение их графиков является важным разделом математики. Свободное владение техникой построения графиков часто помогает решить различного рода задачи, а иногда является единственным средством их решения.

В наше время тема «Графики элементарных функций» в средней общеобразовательной школе недостаточно хорошо освещена и разработана с точки зрения требований предъявляемых на экзаменах. Задачи на построение графиков элементарных функций вызывают затруднения у школьников и студентов, а ведь важность этой темы подтверждается и тем, что она включена в задания ГИА в различных вариациях сложности и в 1 и во 2 частях.

В связи с непрекращающимися преобразованиями в жизни современного человека, а тем более школьника или учителя требуется дифференцированный подход к каждому классу и каждому ученику, развитие самостоятельности и активности учащихся.

Учитель вынужден внедрять новые методы обучения, разрабатывать эффективную методику обучения.

Все выше сказанное, говорит об актуальности выбранной темы.

Итак, проблема исследования состоит в том, чтобы найти, разобрать и обосновать эффективные методы обучения теме «Графики элементарных функций» в средней общеобразовательной школе.

Объектом исследования служит процесс обучения учащихся в средней школе.

Предмет исследования – методика изучения темы «Графики элементарных функций» в средней общеобразовательной школы и ее применение в школе.

Работа прошла апробацию в Марксовском сельскохозяйственном техникуме.

Диагностируемые цели обучения теме «Графики элементарных функций» с помощью образовательного курса.

Умения и навыки, которые формируются курсом:

**Цель 1:** приобретение учебной информации и установление интеллектуальных умений при изучении графиков элементарных функций и их преобразований.

Цель считается достигнутой, если ученик на уровнях:

Базовом: а) составляет схему графиков элементарных функций с использованием курса и набора чертежей; б) создает схематичную модель преобразования графиков элементарных функций; в) сравнивает решение однотипных задач базового уровня сложности, классифицирует эти задачи, используя помощь.

Среднем: а) самостоятельно составляет схему графиков элементарных функций с использованием курса и набора чертежей; б) создает модель преобразования графиков элементарных функций; в) обобщает решение однотипных задач одного типа, составляет приемы их решения с помощью подсказок.

Повышенном: а) самостоятельно составляет схему графиков элементарных функций; б) создает чертеж с помощью преобразования графиков элементарных функций; в) составляет приемы решения типов задач самостоятельно или по плану.

Цель 2: контроль усвоения теоретических знаний.

Цель считается достигнутой, если ученик на уровнях:

Базовом: а) знает определения понятия функция, области определения и области значений функции; б) формулирует свойства функций с подсказкой; в) умеет распознавать графики основных элементарных функций; г) решает задачи базового уровня сложности.

Среднем: а) формулирует определения понятий функции, области определения и области значений; б) формулирует свойства данной функции; в)умеет распознавать графики элементарных функций и переходить от одного способа задания функции к другому; г) решает задачи среднего уровня сложности.

Повышенном: а) формулирует определение понятия функции, области ее определения и области ее значений по заданному графику, рассказывает свойства данной функции; в) умеет работать с графиками при различных способах задания функции; г) умеет логически выстраивать цепочку решения данного задания и анализировать полученные ответы; д) решает задачи повышенного уровня сложности.

**Цель 3**: применение знаний и интеллектуальных умений при решении задач.

Цель считается достигнутой, если ученик на всех уровнях решает задачи своего уровня сложности, составляет задачи: по готовому чертежу и требованию, по неполному условию и требованию, по условию без требования, аналогичные, обратные задачи и решает их, используя помощь.

**Цель 4**: формирование коммуникативных умений через включение в групповую работу; взаимопомощь, рецензирование ответов, организацию взаимоконтроля и взаимопроверки на всех уровнях.

Цель считается достигнутой, если ученик:

а) работая в группе, оказывает помощь, рецензируют ответы товарищей по выполненным заданиям предыдущих уровней с обоснованием, организует взаимоконтроль; б) оказывает помощь работающим на предыдущих уровнях; в) составляет контрольную работу в соответствии со своим уровнем освоения темы.

**Цель 5:** формирование организационных умений (целеполагание, планирование, реализация плана, саморегуляция универсальных познавательных действий).

Цель считается достигнутой, если ученик:

формулирует цели своей учебной деятельности; б) выбирает задачи и решает их; в) осуществляет самопроверку; г) составляет контрольную работу для своего уровня усвоения; д) оценивает свою итоговую деятельность по данным объективным критериям; по собственным критериям, сравнивая их с

объективными критериями; е) делает выводы о дальнейших действиях, планирует коррекцию учебной познавательной деятельности.

В целом, успешное освоение данного электронного образовательного курса окажет помощь при сдаче Основного государственного экзамена (ОГЭ) и Единого государственного экзамена (ЕГЭ), а также итоговой промежуточной аттестации студентам средних профессиональных учебных заведений.

## Структура электронного образовательного курса



Рекомендую следующий порядок изучения данного электронного курса. Сначала необходимо ознакомиться с модулем 1 «Теоретическая часть». Данный модуль довольно громоздкий, поэтому осваивать его нужно постепенно. Сначала необходимо изучить раздел «Графики элементарных функций», а затем раздел «Преобразование графиков элементарных функций». Затем необходимо изучить 2 модуль «Контрольные вопросы». После изучения данных разделов можно браться за решение задач базового уровня сложности — это модуль 3. Каждая задача данного уровня будет оцениваться в 1 балл. Модуль считается успешно пройденным, если учащийся набрал от 18 до 20 баллов. Такое количество баллов можно приравнять к оценке «5». Если учащийся набрал от 14 до 17 баллов, это говорит о менее успешном освоении модуля и приравнивается к оценке «4», от 10 до 13 баллов — это оценка «3». Наконец, если набрано менее 10 баллов, значит, есть необходимость снова вернуться к изучению теоретической части.

Когда задания базового уровня сложности не будут вызывать затруднений, необходимо вернуться к модулю 1, а именно к разделу «Построение графиков функций с помощью преобразования». Для некоторых учащихся материал этого раздела станет совершенно новой и очень полезной информацией. После этого можно сразу приступать к модулю «Тренировочные задачи базового уровня сложности». Таких задач 10 и за верное решение одной задачи можно получить 2 балла, таким образом, максимальное количество баллов по данному 20. количество будет Минимальное баллов, которое модулю свидетельствовать о прохождении данного модуля – это 12 баллов (6 задач). Соответственно, 12 – 14 баллов – это оценка «3», 15 – 17 баллов – это оценка «4», 18-20 баллов – это оценка «5». Перевод в оценку необходим для самоконтроля, поэтому, если учащийся набрал менее 12 баллов и получил оценку «2», необходимо снова обратиться к теоретическому материалу. Соответственно задачи следующего модуля «Тренировочные задачи среднего уровня сложности» будут оцениваться тремя баллами, поэтому данный модуль оценивается максимально в 27 баллов.

Наконец, более одаренные учащиеся или желающие испытать свои умственные способности могут приступать к модулю «Тренировочные задачи повышенного уровня сложности». Таких задач 9 и правильное решение каждой оценивается в 4 балла.

В целом по всем трем модулям: минимальный балл, свидетельствующий о прохождении всех модулей – 38 баллов, максимальный балл – 103 балла.

#### ОСНОВНАЯ ЧАСТЬ.

Основная часть магистерской работы состоит из теоретического материала по теме графики элементарных функций, в котором описываются линейная, степенная, показательная, логарифмическая, тригонометрические и обратные тригонометрические функции. Следующим пунктом основной части является построение графика функций с помощью преобразования, в котором происходит сдвиг графика вдоль оси ординат, сдвиг графика вдоль оси абсцисс, Растяжение и сжатие вдоль оси ординат, растяжение и сжатие вдоль оси абсцисс, Симметричное отражение относительно оси ординат, Симметричное отражение относительно оси абсцисс, модуль функции и модуль аргумента. Следующий пункт — тест из 20 контрольных вопросов по теории с выбором ответа. Заключительным этапом основной части является тест, состоящий из набора задач трёх уровней сложности.

#### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Данная работа посвящена темам школьного курса математики «Графики элементарных функций» в средней общеобразовательной школе.

В результате проведенного исследования были реализованы следующие задачи:

- изучены и проанализированы теоретические основы по данной теме;
- были определены методические особенности этой темы;
- подобраны дидактические материалы, дифференцированные по уровню сложности.

Практическая значимость данной работы заключается в том, что данный материал может использоваться учениками школ, студентами ССУЗов и

студентами педагогических ВУЗов для работы на лабораторных занятиях по методике преподавания математики, внося свои поправки и умозаключения.

Для начинающих специалистов данная работа будет интересна некоторыми методическими рекомендациями. В данной работе разработаны и проверены учебные материалы для преподавания исследуемых тем в средней общеобразовательной школе, подобраны системы задач для указанных тем.

Опубликовано на сайте <a href="http://ipsilon-dev.sgu.ru/">http://ipsilon-dev.sgu.ru/</a>.

#### СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 1. Алимов Ш.А. и др. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа (базовый и углубленный уровни).10—11 классы. М., 2014.
- 2. Афанасьев О.Н., Бродский Я.С., Павлов А.Л. «Математика для техникумов». М., Наука, 2011г.
- 3. Афанасьев О.Н., Бродский Я.С., Гуткин И.И., Павлов А.Л. «Сборник задач по математике для техникумов на базе средней школы». М., Наука, 2012г.
- 4. Афанасьев О.Н., Бродский Я.С., Павлов А.Л. «Дидактические материалы по математике». М., Высшая школа, 2010г.
- 5. Башмаков М. И. Математика: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. М., 2014.
- 6. Башмаков М. И. Математика. Сборник задач профильной направленности: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. М., 2014.
- 7. Башмаков М. И. Математика. Задачник: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. М., 2014.
- 8. Башмаков М.И. Математика. Электронный учеб.-метод. комплекс для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2015.
- 9. Безуглова Г.С., Войта Е.А. и др., Математика. 9-й класс. Подготовка к ГИА-2014: учебно-методическое пособие.-Ростов на Дону: Легион, 2013. – 304с.
- 10. Богомолов Н.В. «Практические занятия по математике».— М., Высшая школа, 2011г.

- 11. Валуцэ И.И., Дилигул Г.Д. «Математика для техникумов на базе средней школы».— М., Наука, 2010 г.
- 12. Вирченко Н.А., Ляшко И.И., Швецов К.И.. Графики функций. Справочники. – Киев: Наук. думка, 1979. – 320с.
- 13. Гмурман В.Е. «Руководство по решению задач» -М.: Высшее образование, 2011.
- 14. Гурский И.П. Функции и построение графиков. Пособие для учителей. Изд. 3-е, испр. И доп. М., «Просвещение», 1968.-215с.
- 15. Гусев В.А., Григорьев С.Г., Иволгина С.В. Математика для профессий и специальностей социально-экономического профиля: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. М., 2014.
- 16. Дадаян А.А, Математика.- М.: Форум:Инфра, 2011.
- 17. Дадаян А.А, Сборник задач по математике.- М.: Форум:Инфра, 2011.
- 18.Дороднов А.М., Острецов И.Н. Учебное пособие для поступающих в вузы. М., «Высш. школа», 1972.-104с.
- 19. Егерев В.К. и др. Методика построения графиков функций. Учебное пособие для студентов вузов. Изд. 2-е. М., «Высшая школа», 1970.-152 с.
- 20. Ершов Л.В., Райхмист Р.Б. Построение графиков функций: Кн. Для учителя. М.: Просвещение, 1984.-80с.
- 21. Иванов С.О., Ольховская Л.С.. и др. Математика. Базовый уровень ГИА-2014. Пособие для «чайников» Модуль1: Алгебра.- Ростов-на-Дону: Легион, 2013.-144c.
- 22. Колягин Ю. М., Ткачева М. В, Федерова Н. Е. и др. Математика: алгебра и начала математического анализа. Алгебра и начала математического анализа (базовый и углубленный уровни). 10 клам / под ред. А.Б. Жижченко. М., 2014.
- 23. Колягин Ю. М., Ткачева М. В., Федерова Н. Е. и др. Математика: алгебра и начала математического анализа. Алгебра и начала математического анализа (базовый и углубленный уровни). 11 класс / под ред. А.Б. Жижченко. М., 2014.

- 24. Коннова Е. Г. Математика. 9 класс. Подготовка к ГИА. Задания с параметром. Ростов-на-Дону, Легион, 2014.-64с.
- 25.Лаппо Л.Д. Государственная итоговая аттестация (в новой форме). Математика: сборник заданий. М.: Издательство «Экзамен», 2014.-159с.
- 26.Лысенко Ф.Ф., Кулабухов С.Ю. и др. Математика. 9 класс. Тематические тесты для подготовки к ГИА-2014.-Ростов н\Д: Легион, 2013.-320 с.
- 27. Матвеев И.В. функции и их графики: учебное пособие.-М.: издательство московского университета, 1970. с.104.
- 28.Павлюченко Ю.В., Рыжков В.В. Графики функций: параметрическое задание: Учеб. Пособие. М.: Изд-во РУДН, 1997.-186с.
- 29. Райхмист Р.Б. Графики функций: Справ. пособие для вузов. М.: Высш. шк., 1991. 160с.
- 30. Сергиенко Л.Ю., Самойленко П.И. «Планирование учебного процесса по математике». М., Высшая школа, 2012 г.