# Министерство образования и науки Российской Федерации ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «САРАТОВСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ Н.Г.ЧЕРНЫШЕВСКОГО»

Кафедра информатики и программирования

### РАЗРАБОТКА ВЕБ-ПРИЛОЖЕНИЯ «АЛГОРИТМЫ НА ГРАФАХ» АВТОРЕФЕРАТ БАКАЛАВРСКОЙ РАБОТЫ

студента 4 курса 441 группы	
направления 02.03.03 Математическое обеспече	ение и администрирование
информационных систем	
факультета компьютерных наук и информацион	нных технологий
Исайкина Виктора Викторовича	
Научный руководитель:	
зав.кафедрой, к.ф.м.н	М.В. Огнева
Зав. кафедрой:	
к.фм.н.	М.В. Огнева

#### **ВВЕДЕНИЕ**

Граф — математическая модель для представления объектов или событий и связей между ними. Простой пример графа — схема метрополитена, где в качестве вершин выступают станции, а в качестве ребер — связи между станциями. Графы используют в самых разнообразных областях науки и практики. Структуры молекул, блок-схемы алгоритмов, электрические цепи, схемы дорог, предприятия со связями между ними, группы людей с указанием каких—либо отношений (например, психологической совместимости), структура управления с указанием объектов — это и многое другое можно представить с помощью графов [1].

Использование методов теории графов часто ускоряет решение практических задач, упрощает расчеты, повышает эффективность научной, инженерной и конструкторской деятельности. Возьмем схему метрополитена Москвы. Если посмотреть на нее, то нетрудно дать ответ на вопрос: «Сколько станций между Парком культуры и Бауманская». Это простая задача и не требует значительных усилий для решения. Однако если  $10^{3}$ будет порядка TO количество станций задача становится затруднительной для человека, но довольно просто решается алгоритмом поиска кратчайших путей на не взвешенном графе [1].

Задачи на графы встречаются еще в младшей школе, на уроках математики и информатики, хотя понятие "граф" еще не вводится. В старшей школе с помощью теории графов решаются уже достаточно серьезные задачи, в том числе, олимпиадные. В вузе теория графов изучается как в курсе информатики, дискретной математики, так и в виде отдельных дисциплин на направлениях и специальностях, связанных с компьютерными Студенты факультетов, науками И математикой [1]. связанных компьютерными науками, "встречаются" с графовыми алгоритмами на при написании курсовых и олимпиадах, на практике, квалификационных работ, а профессиональные разработчики все чаще и чаще сталкиваются с необходимостью использовать алгоритмы на графах в

промышленных проектах. Основой теории графов являются методы обхода графа, на них основываются многие важные алгоритмы. Поэтому создание портала по изучению теории графов, который бы позволял размешать и редактировать теорию, добавлять задачи и тесты, отслеживать успеваемость и имел бы модуль визуализации графовых алгоритмов, является актуальным. Для облегчения поддержки портала необходимо сделать его кроссплатформенным, то есть не связанным со средой размещения.

Таким образом, целью данной работы является разработка и наполнение клиент-серверного приложения для обучения и контроля полученных знаний по теме «Теория графов. Алгоритмы обходов».

Для реализации поставленной цели необходимо:

- 1. Дать основные понятия теории графов
- 2. Представить описание и реализацию алгоритов обходов графов, а также алгоритмов, основанных на обходах.
- 2. Рассмотреть инструменты для реализации клиент-серверного приложения для платформы .net core.
  - 3. Разработать архитектуру приложения.
- 4. Реализовать модульное тестирование для проверки работоспособности компонентов.
- 5. Рассмотреть современные фреймворки для реализации клиентской части приложения.
  - 6. Рассмотреть технологии доступа к данным.
  - 7. Изучить методологию разработки tdd.
  - 8. Разработать клиент-серверное приложение по теории графов.

В теоретической части работы представлены основные сведения о теории графов, и разобраны алгоритмы обходов, и алгоритмы, основанные на обходах.

В практической части было реализовано веб приложение по теории графов, позволяющее визуализировать алгоритмы на графах и контролировать усваиваемость теоретического материала.

Бакалаврская работа состоит из введения, пяти разделов, заключения, списка использованных источников и десяти приложений. Общий объем работы — сто двадцать две страницы, из них сорок четыре страницы — основное содержание, включая двадцать пять рисунков, цифровой носитель в качестве приложения, список использованных источников информации — двадцати двух наименований.

#### КРАТКОЕ СОДЕРЖАНИЕ РАБОТЫ

**Первый раздел** «Введение в теорию графов» посвящен основным понятиям теории графов. Раздел содержит необходимые определения и важные алгоритмы теории графов.

#### Содержание:

- 1. Основные понятия
- 2. Обходы графов
- 3. Поиск кратчайшего пути в невзвешенном графе
- 4. Проверка связанности графа
- 5. Проверка графа на ацикличность
- 6. Проверка графа на двудольность

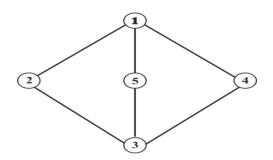


Рис.1.1. Пример графа

Графом G = (V, E) называется пара двух множеств, где V — множество вершин, E — множество пар вершин. Если пары неупорядоченные, т.е.(x,y) = (y,x)  $x,y \in V$ , то они называются ребрами, а граф называется неориентированным. В противном случае, если $(x,y) \neq (y,x)$   $x,y \in V$ , то такие пары называются дугами, а граф - ориентированным. [2] Вершины u v называются смежными, если они соединены ребром, т.е. существует  $(u,v) \in E$ . При этом говорят, что вершина u v v v0 и ребро v0 инцидентны.

Путь — последовательность рёбер(в неориентированном графе) и/или дуг (в ориентированном графе), такая, что конец одной дуги (ребра) является началом другой дуги (ребра) и никакое ребро не встречается два раза [2].

Граф называется связным, если для любых вершин v и u, существует путь из u в v.

Граф называется деревом, если он связный и не содержит циклов.

Цикл — замкнутый путь, в котором каждая вершина, за исключением начальной и конечной вершины, встречается один раз.

Способы представления

Для представления графов в компьютере чаще всего используют матрицы смежности или списки смежности.

Матрица смежности графа G с конечным числом вершин n— это квадратная матрица размера  $n \times n$ , в которой элемент  $a_{i,j}$  на пересечении і строки и і столбца задается следующим образом:

$$a_{i,j} = \begin{cases} 1, & \text{существует ребро } (i,j) \\ 0, \text{не существует ребро } (i,j) \end{cases}$$

Построим матрицу смежности для рисунка 1.1. В случае неплотных графов ( $|E| < n^2$ ) матрица будет сильно разрежена, то есть большая часть памяти напрасно будет тратиться на хранение нулей [2]. Однако данный способ хранения позволяет быстро отвечать на вопрос о смежности вершин - для этого необходимо просто посмотреть на пересечение і строки и і столбца.

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Рис. 1.2. Матрица смежности графа на рис. 1.1

Список смежности графа с конечным числом вершин - это такой способ представления графа, когда для каждой вершины задается список смежных с ней вершин.

Рис. 1.3. Список смежности графа на рисунке 1.1

Второй раздел «Разработка клиент-серверного приложения» посвящен реализации веб-приложения по теории графов.

#### Содержание:

- 1. Платформа .NET Core
- 2. Сравнение с другими платформами .NET
- 3. ASP.NET Core

Основной упор сделан на выбор технологии, разработку архитектуры и тестирование функционала приложения. Был выбран фреймворк ASP.NET CORE MVC, так как является кроссплатформенным решением для разработки веб приложения на языке С#.

#### Третий раздел «Вспомогательные технологии»

Основной упор сделан на выбор архитектуры приложения, выбор вспомогательных технологий для разработки веб-приложения и выбор методологии разработки.

#### Содержание:

- 1. Трехслойная архитектура
- 2. Dapper
- 3. SQL server

Была выбрана трехслойная архитектура, фрейворк Dapper для облегчений слоя представления данных и методология разработки через тестирование.

## Четвертый раздел «Реализация клиент-серверного приложения по теории графов»

Основной упор на разработку веб-приложения по теории графов.

#### Содержание:

- 1. Модуль с теоретическим материалом
- 2. Модуль визуализации
- 3. Вход и регистрация на портале
- 4. Модуль тестирования

Были разработаны следующие модули; модуль контроля знаний, позволяющий создавать и проходить тесты, модуль визуализации алгоритмов, позволяющий отрисовывать граф и визуализировать алгоритмы на графах, модуль с теоретическим материалом.

#### Пятый раздел «Тестирование клиент-серверного приложения»

Клиент-серверное приложение по теории графов было протестировано юнит тестами. Были созданы модульные тесты для слоя бизнес логики и доступа к данным, а также на сборку с валидацией. При реализации модульных тестов использовался фреймворк Моq, который позволяет эмулировать поведение объектов. Тесты находятся в приложении Л «Модульные тесты». Также были написаны интеграционные тесты для проверки корректности работы всей системы. Интеграционные тесты находятся в приложении М «Интеграционные тесты». При разработке была применена техника разработки через тестирование (Test-Driven Development).

Приложение успешно прошло все написанные тесты, поэтому можно утверждать, что приложение работает корректно.

#### **ЗАКЛЮЧЕНИЕ**

В данной работе было разработано клиент-серверное приложение для обучения и контроля полученных знаний по теме «Теория графов.

Алгоритмы обходов». Приложение содержит теорию по данной теме, модуль визуализации и возможности для проведения тестирования.

Для реализации поставленной задачи были даны основные понятия теории графов, представлено описание и реализация алгоритмов обходов графов, а также алгоритмов, основанных на обходах, рассмотрены инструменты для реализации клиент-серверного приложения для платформы .net core, реализовано модульное тестирование для проверки работоспособности компонентов.

По тематике бакалаврской работы был представлен доклад: «Алгоритмы на графах: от школьных олимпиад до промышленных IT Ш проектов» на Международной научно-практическая конференции «Электронное обучение в непрерывном образовании 2016», Ульяновск, УлГТУ, апрель 2016 г. Доклад опубликован в материалах конференции.

#### СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

- 1 Огнева М.В, Исайкин В.В Алгоритмы на графах: от школьных олимпиад до промышленных ІТ проектов. Материалы сборника Электронное обучение в непрерывном образовании Ульяновск: УлГТУ, 2016. 1320 с.
- **2** Асанов М. О., Баранский В. А., Расин В. В. Дискретная математика: графы, матроиды, алгоритмы. Ижевск: НИЦ «Регулярная и хаотическая динамика», 2001. 288 с
- 3 Томас X. Кормен, Чарльз И. Лейзерсон и др. Алгоритмы. Построение и анализ. Вильямс 2012 1299 с
- **4** Руководство по .NET Core. [Электронный ресурс]. URL: https://docs.microsoft.com/ru-ru/dotnet/core/ (Дата обращения 25.05.2017).
- **5** Введение в ASP.NET Core. [Электронный ресурс]. URL https://metanit.com/sharp/aspnet5/1.1.php (Дата обращения 25.05.2017).
- **6** Много уровневая архитектура [Электронный ресурс]. URL https://metanit.com/sharp/mvc5/23.5.php (Дата обращения 25.05.2017).
- приложений. Тестирование веб [Электронный pecypc]. URL https://metanit.com/sharp/mvc5/18.1.php (Дата обращения 25.05.2017) Moq. **URL** Фреймворк [Электронный pecypc]. https://metanit.com/sharp/mvc5/18.5.php (Дата обращения 25.05.2017).
- 8 Кудрина Е.В., Огнева М.В. Теория графов: от школы до вуза. Материалы V Всероссийской научно-практической конференции «Информационные технологии в образовании». Саратов: Издательский центр "Наука", 2013, С.23-26.
- 9 Графоанализатор [Электронный ресурс] URL: http://grafoanalizator.unick-soft.ru (дата обращения 30.05.2017)
- **10** GraphOnline [Электронный ресурс] URL: <a href="http://graphonline.ru/">http://graphonline.ru/</a> (дата обращения 30.05.2017)

- 11 Algo-visualize[Электронный pecypc]URL:http://algo-visualizer.jasonpark.me/#path=graph\_search/bfs/shortest\_path(датаобращения 30.05.2017)
- Френк Харри. Теория графов. Либриком 2009. 302 с.
- 13 Ойстин Оре. Теория графов. Либриком 2009. 354 с.
- Нина Костюкова. Графы и их применение. Комбинаторные алгоритмы для программистов. Интернет-университет информационных технологий, Бином. Лаборатория знаний 2016. 312 с.
- С.М. Окулов. Программирование в алгоритмах. Бином. Лаборатория знаний 2013. 384 с
- Седжвик *P*. Фундаментальные алгоритмы на С++. Алгоритмы на графах: Пер. с англ. СПб: ООО «ДиаСофтЮП», 2002. 496 с.
- Ахо А. и др. Структуры данных и алгоритмы: Пер с англ.: М.: Издательский дом «Вильяме», 2003 с. 384 с.
- Липский В. Комбинаторика для программистов: Перевод с польского М.: «Мир», 1988. 200 с.
- Клейнберг Дж., Тардос *E*. Алгоритмы: разработка и применение. Классика Computers Science / Пер. с англ. Е. Матвеева. — Спб.: Питер, 2016. — 800 с.
- **20** Роберт С. Мартин, Мика Мартин. Принципы, паттерны и методики гибкой разработки на языке С#. Символ-Плюс, 2011. 768 с.
- **21** Джеффри Рихтер. CLR via C#. Программирование на платформе Microsoft.NET Framework 4.5 на языке C#. Питер, 2016. 896 с.