

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

**«САРАТОВСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
ИМЕНИ Н.Г. ЧЕРНЫШЕВСКОГО»**

Кафедра компьютерной физики и метаматериалов на базе Саратовского
филиала Института радиотехники и электроники им. В.А. Котельникова РАН

**Преобразование импульсов Эйри при нелинейном распространении в
оптических волокнах**

АВТОРЕФЕРАТ МАГИСТАРСКОЙ РАБОТЫ

студента 2 курса 254 группы

направления 03.04.02 «Физика» физического факультета

Барановского Владислава Алексеевича

Научный руководитель

к.ф.-м.н., доцент

А.И. Конюхов

Зав. кафедрой

д. ф.-м. н., профессор

В.М. Аникин

Саратов 2019

ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОТЫ

Актуальность. Волновые пакеты Эйри впервые были введены в контексте квантовой механики. Такие пакеты являются решением уравнения Шредингера. Пакет Эйри сохраняет свою форму. Однако такие пакеты, физически не реализуемы, поскольку их полная энергия является бесконечной. В экспериментальных исследованиях используются ограниченные импульсы Эйри. Такие импульсы можно создать, применив кубическую фазовую маску для гауссова импульса. Свойства пучков Эйри и импульсов Эйри сохранять свою форму вызвали большой интерес, применимые к нескольким областям исследования и в настоящее время являются темой исследований для многих исследовательских групп. Пространственно-усеченные пучки Эйри были применены для создания изогнутых плазменных каналов, очистки частиц, маршрутизации плазменной энергии и способны восстанавливаться из пространственных искажений благодаря их механизму перераспределения энергии, что делает их полезными для получения изображений в рассеивающих средах.

Цель выпускной квалификационной работы (ВКР). Выявление особенностей распространения ограниченных импульсов Эйри в оптических волокнах при наличии аномальной дисперсии и нелинейности керровского типа.

Задачи ВКР:

1. Построить численную модель распространения импульсов на основе параболического волнового уравнения.
2. Рассмотреть влияние дисперсии на распространение ограниченных импульсов Эйри.

3. Рассмотреть распространение импульсов в условиях керровской нелинейности.
4. На основе численного моделирования рассмотреть особенности преобразование импульсов Эйри в оптические солитоны.

Структура и объём работы

Дипломная работа состоит из введения, трёх глав, результатов расчётов, заключения и списка используемой источников. Общий объём работы составляет 55 страниц, 25 рисунков.

КРАТКОЕ СОДЕРЖАНИЕ РАБОТЫ

Во Введении обосновывается актуальность работы, обсуждается научная новизна и практическая значимость импульсов Эйри.

В первой главе дается вывод параболического волнового уравнения и методы его решения.

Большинство нелинейных эффектов в волоконных световодах изучаются с использованием импульсов длительностью от ~ 10 нс до ~ 10 фс. Когда такие импульсы распространяются в световоде, на их форму и спектр влияют как дисперсионные, так и нелинейные эффекты. И в первом разделе выводится основное уравнение, описывающее распространение оптических импульсов в волоконных световодах, как в нелинейной среде с дисперсией.

Для коротких импульсов, с длительностью менее 1 пс, уравнение Шредингера может быть дополнено слагаемыми, описывающими поглощение, дисперсию третьего порядка, самоукручение, вынужденное комбинационное рассеяние:

$$\frac{\partial A}{\partial z} + \frac{\alpha}{2}A + \frac{i}{2}\beta_2 \frac{\partial^2 A}{\partial T^2} - \frac{1}{6}\beta_3 \frac{\partial^3 A}{\partial T^3} = i\gamma[|A|^2 A + \frac{2i}{w_0} \frac{\partial}{\partial T} (|A|^2 A) - T_R A \frac{\partial |A|^2}{\partial T}] \quad (1)$$

Уравнение распространения (1) — нелинейное дифференциальное уравнение с частными производными, которое, вообще говоря, нельзя решить аналитически, за исключением некоторых частных случаев, когда для решения применим метод обратной задачи рассеяния. Потому часто для изучения нелинейных эффектов в световодах необходимо численное моделирование. Для этой цели можно использовать множество численных методов, которые можно отнести к одному из двух классов: 1) разностные методы и 2) псевдоспектральные методы. Псевдоспектральные методы на порядок или даже более быстрее при той же точности счета. Одним из наиболее широко используемых методов решения задачи распространения

импульсов в нелинейной среде с дисперсией является Фурье-метод расщепления по физическим факторам. Относительно большая скорость счета этим методом по сравнению с большинством методов конечных разностей достигается благодаря использованию алгоритма быстрого Фурье-преобразования. Во втором разделе кратко описывается Фурье-метод с расщеплением по физическим факторам, а также его применение для задачи распространения импульсов в волоконном световоде.

В второй главе описываются пакеты Эйри, их классическая механика и их движение в изменяющемся во времени пространственно однородной форме.

Первоначально пакеты Эйри были рассмотрены в квантовой механике. Все выводы, полученные для пакетов Эйри, являются справедливыми как для лазерных пучков, так и для лазерных импульсов, поскольку все эти явления описываются одним и тем же уравнением Шредингера. Во второй главе рассматриваются свойства пакетов Эйри, используя запись уравнение Шредингера для квантовой механики. Волновой пакет для частицы с массой m изменяется в соответствии с уравнением Шредингера

$$\frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2 A}{\partial x^2} = i\hbar \frac{\partial A}{\partial t} \quad (2)$$

Дисперсия в уравнении Шредингера, описываемая слагаемым $(\partial^2 A / \partial x^2)$, предполагает, что по мере своего распространения в свободном пространстве все волновые пакеты должны менять свою форму. Однако существуют решения, для которых волновой пакет $A(x, t)$, плотность вероятности которого $|A(x, t)|^2$ не только не меняет свою форму, но и продолжает ускоряться. Так же во главе рассмотрим такие пакеты в формулировке, принятой для квантовой механики.

Для световых импульсов, распространяющихся в оптическом волокне справедливо аналогичной уравнение:

$$\frac{\partial A}{\partial z} + \beta_1 \frac{\partial A}{\partial t} + \frac{i}{2} \beta_2 \frac{\partial^2 A}{\partial t^2} + \frac{\alpha}{2} A = i\gamma |A|^2 A \quad (3)$$

При $t = 0$ этот волновой пакет выражается

$$A(x, 0) = Ai(B x / \hbar^{2/3}) \quad (4)$$

где B - произвольная постоянная (для удобства взята положительно) и Ai означает функцию Эйри.

Общее решение (2) выражается через

$$A(x, t) = Ai\left[\frac{B}{\hbar^{2/3}}\left(x - \frac{B^3 t^2}{4m^2}\right)\right] e^{\left(\frac{iB^3 t}{2m\hbar}\right)\left[x - (B^3 t^2 / 6m^2)\right]} \quad (5)$$

Это легко подтверждается прямой заменой и использованием функции Эйри в дифференциальном уравнении (2). Так же мы можем использовать решение (5) для плоских волн, используя интегральное выражение функции Эйри:

$$A(x, t) = \frac{\hbar^{2/3}}{2\pi B} \int_{-\infty}^{\infty} dk e^{i(kx - \frac{\hbar k^2 t}{2m} + \hbar^2 k^3 / 3B^3)}$$

Из уравнения (5) понятно, что и в самом деле распространяется без изменения формы и ускоряется со скоростью $B^3 t^2 / 2m^2$. Эти свойства пакета Эйри будут рассмотрены во главе. Оба свойства имеют классическое происхождение и иллюстрируют тот факт, что функции квантовой волны отвечают не отдельным классическим частицам, а семействам частиц. В пакете Эйри ускоряется не любая отдельная частица, а огибающая группы частиц. Классический анализ траекторий показывает, что свойство нераспространения пакета Эйри – уникально (в отличие от обычной плоской волны, для которой $|A|^2$ независимо от x).

Во втором разделе показано, что пакеты Эйри продолжают распространяться с сохранением своей формы, даже при воздействии внешней силы $F(t)$, как постоянной, так и периодической.

В третьей главе рассмотрено распространение пакетов (импульсов) Эйри в одномодовых оптических волокнах. В данном случае, классическое уравнение Шредингера (2) должно быть дополнено слагаемым, описывающим высокочастотную керровскую нелинейность. Также могут быть добавлены слагаемые, отвечающие за дисперсию высших порядков, поглощение, и т.д. (3), (1). Рассмотрены нелинейные эффекты, проявляющиеся при распространении импульсов в оптических волокнах.

Во многих нелинейных системах стационарное волновое состояние оказывается неустойчивым: совместное действие нелинейных и дисперсионных эффектов приводит к его модуляции. Такое явление, называемое модуляционной неустойчивостью, которое исследовалось в самых разных областях физики: гидродинамике, нелинейной оптике, физике плазмы. Что касается волоконной оптики, то для наблюдения модуляционной неустойчивости требуется отрицательная дисперсия; сам эффект проявляется как распад непрерывной или квазинепрерывной периодической волны на последовательность сверхкоротких импульсов. Отрицательная дисперсия необходима и для существования оптических солитонов.

Второй раздел посвящён фундаментальным солитонам и солитонам высших порядков

$$i \frac{\partial A}{\partial z} = \frac{1}{2} \beta_2 \frac{\partial^2 A}{\partial T^2} - \gamma |A|^2 A \quad (6)$$

Нелинейное уравнение Шредингера (НУШ) (6) принадлежит к специальному классу уравнений, которые можно точно решить, используя метод обратной задачи рассеяния (ОЗР). Этот метод был открыт Гарднером. Захаров и Шабат использовали его для решения НУШ; данный метод стал

важным инструментом в математической физике. Метод ОЗР по духу похож на метод преобразования Фурье, который обычно используют для решения нелинейных уравнений в частных производных. Этот подход состоит в определении подходящей задачи рассеяния, потенциал которой и есть искомое решение. И этот метод кратко описывается во втором разделе, как решения для уравнения (6).

ВЫВОДЫ

В работе рассмотрены, пакеты Эйри и их свойства. Свойства являются нетривиальной иллюстрацией факта, что волновая функция согласовывается с семейством частиц, а не с отдельной частицей.

Так же рассмотрены, основные уравнения распространения (**параболическое волновое уравнение**) и методы их решения, явление, называемое **модуляционной неустойчивостью** и **фундаментальные солитоны и солитоны высших порядков**.

Особое внимание в работе уделяется **нелинейному уравнению Шредингера** принадлежащее к специальному классу уравнений, которые можно точно решить, используя **метод обратной задачи рассеяния**. Это метод по духу похож на метод преобразования Фурье, который обычно используют для решения нелинейных уравнений в частных производных.

В конце была проделана практическая работа, которая заключалась в рассмотрении импульсов Эйри и их свойств. В ней показано, что ограниченные импульсы Эйри при достаточной интенсивности могут приводить к образованию солитонов, так же на ограниченных дистанциях распространения импульсы Эйри сохраняют свою форму, а на больших дистанциях преобладает дисперсионное расплывание, что приводит к значительному искажению данного импульса.

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

1. Rudnick A., Marom D.M. Airy-soliton interactions in Kerr media, *Optics Express* Vol. 19, Issue 25, pp. 25570-25582, (2011).
2. Майер А.А. Квант. электрон., т.11, с. 157, 1984.
3. Lattes A. An ultrafast all-optical gate., *IEEE Journal of Quantum Electronics* Vol. 19, Issue: 11, pp 1718 - 1723, (1983).
4. Wabnitz S. Instabilities and all-optical phase-controlled switching in a nonlinear directional coherent coupler, *Applied Physics Letters* Vol. 49, Issue: 14, pp 838, (1986).
5. Агравал, Г. П. Нелинейная волоконная оптика, Мир, 1996. 323 с.
6. Ахманов, С. А., Выслоух В.А., Чиркин А.С. Оптика фемтосекундных лазерных импульсов, Наука. Гл. ред. физ. -мат. лит., 1988. 312 с.
7. Reekie L. Diode-laser-pumped operation of an Er³⁺-doped single-mode fibre laser., *Electronic Letters* Vol. 23, Issue:20, pp. 1076 – 1078, (1987).
8. Hill K.O. Photosensitivity in optical fiber waveguides: Application to reflection filter fabrication, *Applied Physics Letters* Vol. 32, Issue: 10, pp 647, (1978).
9. Farries M.C., Morkel P.R., Townsend J.E. Samarium/sup 3+/-doped glass laser operating at 651 nm, *Electronic Letters* Vol. 24, Issue: 11, pp 709 – 711, (1988).
10. Hanna D.C. Continuous-wave oscillation of a monomode ytterbium-doped fibre laser, *Electronic Letters* Vol. 24, Issue: 17, pp 1111-1113, (1988).
11. Kawasaki B.S. Narrow-band Bragg reflectors in optical fibers, *Optics Letters* Vol. 3, Issue: 11, pp 66 – 68, (1978).
12. Weiss G.H., Maradudin A.A. The Baker-Hausdorff Formula and a Problem in Crystal Physics, *Journal of Mathematical Physics* Vol. 3, Issue: 4, pp 771, (1962).

13. Fleck J.A., Morris J.R., Feit M.D. Cascaded electro-optic scanning of laser light over large angles using domain microengineered ferroelectrics, *Applied Physics Letters* Vol. 10, Issue: 17, pp 129, (1976).
14. Messiah A. *Quantum Mechanics*, North-Holland. Amsterdam Vol. 1. pp. 216-222, (1961).
15. Abramowitz M., Stegun I. A. *Handbook of Mathematical Functions*, U.S. National Bureau of Standards, Washington, D.C. pp. 446-448, (1964).
16. Berry M. V., Balazs N. L. Nonspreading wave packets, *American Journal of Physics* Vol. 47, Issue 3, pp. 264-267, (1979).
17. Dirac P. A.M., *The Principles of Quantum Mechanics*. 3rd ed. Oxford University, New York. pp 121 ff., (1947).
18. Feynman R.P., Hibbs A. R., *Quantum Mechanics and Path Integrals*, McGraw-Hill. New York, 1965.
19. Silberberg S.R., Stegeman G.I., *Applied Physics Letters*, Vol. 50, pp 801 (1983).
20. Trillo S., Wabnitz S., Wright E. M., Stegeman G. I. Soliton switching in fiber nonlinear directional couplers, *Optics Letters* Vol. 13, Issue: 4, pp 672 – 674, (1988).
21. Islam M.N., Dijali S.P., Gordon J.P., *Optics Letters* Vol. 13, pp 518, (1988).
22. Desurvire E., Simpson J.R., Becker P.C. High-gain erbium-doped traveling-wave fiber amplifier, *Optics Letters* Vol. 12, Issue: 4, pp 888-890, (1987).
23. Jauncey I.M. Efficient diode-pumped CW and Q-switched single-mode fibre laser, *Electronic Letters* Vol. 22, Issue: 4, pp 198 – 199, (1986).
24. Liu K. Broadband diode-pumped fibre laser, *Electronic Letters* Vol. 24, Issue: 14, pp 838 – 840, (1988).
25. Brierley M.C., France P. W., Miliar C.A., Lasing at 2.08 μm and 1.38 μm in a holmium doped fluoro-zirconate fibre laser, *Electronic Letters* Vol. 24, pp 539, (1988).

26. Esterowitz: E., Allen R., Aggarwal I., Pulsed laser emission at 2.3 μm in a thulium-doped fluorozirconate fibre, *Electronic Letters* Vol. 24, pp 1104 (1988).

27. Кившарь Ю. С., Агравал Г. П., *Оптические солитоны. От волоконных световодов к фотонным кристаллам*, М: Физматлит, 2005 г.

28. Sysoliatin A. A., Dianov E. M., Konyukhov A. I., Melnikov L. A., Stasyuk V. A., Soliton Splitting in a Dispersion-Oscillating Fiber, *Laser Physics*, Volume 17, Issue 11, pp.1306-1310, (2007).