

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«САРАТОВСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ  
Н.Г. ЧЕРНЫШЕВСКОГО»

Кафедра математического анализа

**ЭЛЕКТРОННЫЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЙ КУРС «ТЕОРЕМА  
ФАЛЕСА И ЕЕ СЛЕДСТВИЯ»**

**АВТОРЕФЕРАТ МАГИСТЕРСКОЙ РАБОТЫ**

студентки 3 курса 322 группы

направление 44.04.01 Педагогическое образование

механико-математического факультета

Мыльциной Анны Викторовны

Научный руководитель

доцент, к.ф.-м. наук, доцент \_\_\_\_\_ Сахно Л.В.

И.о. зав.кафедрой

доцент, к.ф.-м. наук, доцент \_\_\_\_\_ Захаров А.М.

Саратов 2020

**ВВЕДЕНИЕ.** Как показывает практика наибольшие затруднения у учащихся при выполнении олимпиадных заданий и задач ЕГЭ по математике вызывают геометрические задачи (в особенности задачи серии 14 и 16). Учащиеся либо плохо справляются с этими заданиями или вообще не приступают к ним. Для успешного выполнения таких заданий необходимы прочные знания основных геометрических фактов и опыт в решении геометрических задач. Кроме того, следует отметить что в школьный курс математики не входит изучение целого ряда теорем, которые могли бы существенно облегчить решение геометрических задач. К таким теоремам можно отнести, например теоремы Чевы и Менелая, которые изучаются лишь в классах с углубленным изучением математики. Очень многие учителя считают целесообразным изучать эти теоремы на факультативных занятиях, справедливо считая, что решение задач с помощью теорем Фалеса, о пропорциональных отрезках, Чевы и Менелая более рационально, чем их решение другими способами. Это действительно так. Но, на наш взгляд, эти теоремы могут упростить решения некоторых задач, сделать их более лаконичными и очевидными. В стандартном учебнике по геометрии 7-9 [1] нет упоминания этих теорем.

Темой магистерской работы является «Теорема Фалеса и ее следствия». В рамках работы разработан электронный образовательный курс, который содержит теоретический материал, контрольные вопросы, тесты различного уровня для проверки усвоения материала (с решениями). В магистерской работе изучены теоремы на углубленном уровне, показаны все возможные способы их применения (теорема о пропорциональных отрезках, теорема о свойствах биссектрисы внутреннего угла треугольника, о точке пересечения медиан, Чевы, Менелая и т.д.) для решения более широкого спектра задач, нежели дается в базовом уровне образования.

При создании электронного образовательного курса преследовались следующие цели:

- использование в образовательном процессе дистанционных образовательных технологий и средств электронного обучения (что особо

актуально для школ, среди учащихся которых присутствуют дети с ОВЗ), позволяющих осуществлять индивидуальный подход в образовательном процессе;

- оптимизация процесса обучения, благодаря возможности обмена научными наработками между членами педагогического состава.

Задачи электронного образовательного курса: (ЭОК)

- соответствие единым требованиям к структуре, отдельным элементам ЭОК и технологиям обучения по нему в системе дистанционного образования Ipsilon;

- обеспечение образовательного процесса учебно-методическими и контрольно-измерительными материалами по теме «Теорема Фалеса и её следствия», реализуемой в системе дистанционного образования Ipsilon;

- постоянное совершенствование и обновление комплекса учебно-методических материалов по данной теме.

Теорема Фалеса является основополагающей, когда появляется понятие пропорциональности в геометрии. Она начинает изучаться в 8 классе, однако, существует ряд теорем-следствий, с которыми знакомятся учащиеся вплоть по 9 класс. Задачи, решаемые с помощью теоремы Фалеса и ее следствий, разнятся по уровню сложности и количеству знаний и умений учащихся, требуемых для их решения [4-7].

Планируемые результаты и достижения при использовании электронного образовательного курса по теме «Теорема Фалеса и ее следствия»:

1. Приобретение и освоение учащимися теоретической информации, а также ознакомление с типовыми задачами по заданной теме;
2. Контроль усвоения теоретических знаний учащихся, благодаря ответам на контрольные вопросы после прохождения обучения;
3. Применение полученных знаний при решении геометрических задач;
4. Совершенствование коммуникативных навыков, посредством применения на уроках групповой формы работы и работы в парах

5. Формирование универсальных учебных действий, таких как планирование, целеполагание, анализ собственной работы.

В целом, успешное освоение данного электронного образовательного курса окажет помощь при сдаче Основного государственного экзамена (ОГЭ) и Единого государственного экзамена (ЕГЭ).

Магистерская работа состоит из введения, основной теоретической части, заключения, списка используемых источников и приложений.

Основная часть работы содержит раздел со структурой электронного курса, историческую справку, теоретический материал, контрольные вопросы, задания для самостоятельной работы (задачи на построения) и тесты. С их решениями В заключении приведены итоги работы и апробация работы. Список используемых источников содержит 22 наименования.

**Структура электронного образовательного курса.** Структура электронного курса модульная. В первом модуле содержится историческая справка, в которой учащиеся получают информацию о возникновении рассматриваемых теорем, о том, кем они были разработаны и когда, а также сведения о жизни великих математиков, внесших вклад в математику по рассматриваемой теме. Раздел имеет ознакомительный характер и составлен для расширения кругозора учеников. Данные в исторической справке взяты из открытых интернет источников. Во втором модуле представлена теоретическая часть, которая начинается с материала, изучаемого в базовом курсе математики и заканчивается теоремами, которые применяются в классах с углубленным изучением геометрии. В каждом подразделе модуля рассматривается отдельная теорема, приводятся ее доказательства и также примеры решения задач с ее использованием. После изучения теоретической части учащимся предлагается ответить на контрольные вопросы и решить задачи на построение, что позволит оценить уровень освоения теоретического материала. Далее представлены тесты первого, второго и третьего уровня, которые распределены согласно тех теорем, которые требуются для решения задач в них представленных. Стоит отметить, что степень сложности задач от уровня к уровню повышается.

Раздел **основной теоретический материал** содержит прямую и обобщенную теоремы Фалеса и следствия из них.

**Теорема Фалеса.** Если на одной из двух прямых отложить последовательно несколько равных отрезков и через их концы провести параллельные прямые, пересекающие вторую прямую, то они отсекут на второй прямой равные между собой отрезки.

**Обобщенная теорема Фалеса.** Параллельные прямые, пересекающие две данные прямые, отсекают на этих прямых пропорциональные отрезки.

Обобщенная теорема Фалеса приведена с доказательством двух случаев: прямые параллельны и пересекаются.

#### **Следствия из теоремы Фалеса.**

**1. Теорема о биссектрисе внутреннего угла треугольника.** Биссектриса треугольника делит противоположную сторону на отрезки, пропорциональные прилежащим сторонам.

**2. Теорема о биссектрисе внешнего угла треугольника.** Если биссектриса внешнего угла при вершине А треугольника ABC пересекает прямую BC в точке D, то  $BD:BA=DC:AC$ .

**3. Теорема о средней линии треугольника.** Средняя линия треугольника, соединяющая середины двух данных сторон, параллельна третьей стороне и равна её половине.

#### **4. Теорема о пропорциональных отрезках в треугольнике**

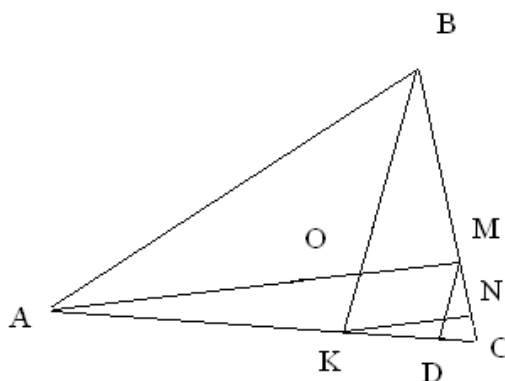


Рисунок 1 — К теореме о пропорциональных отрезках в треугольнике.

Рассмотрим рисунок 1. На сторонах AC и BC треугольника ABC отмечены точки K и M так, что  $AK:KC=m:n$ ,  $BM:MC=p:q$ . Отрезки AM и BK пересекаются в точке O. Требуется доказать, что (1)  $AO:OM=(m:n)/(q:p+1)$ , (2)  $BO:OK=(p:q)/(n:m+1)$ .

**5. Теорема Чевы.** Если на сторонах AB, BC и AC треугольника ABC взяты соответственно точки  $A_1$ ,  $B_1$  и  $C_1$ , то отрезки  $AA_1$ ,  $BB_1$  и  $CC_1$  пересекаются в одной точке тогда и только тогда, когда

Рассмотрено и доказано обратное утверждение.

**6. Теорема Менелая.** Пусть прямая пересекает треугольник ABC, причем  $C_1$  – точка ее пересечения со стороной AB,  $A_1$  – точка ее пересечения со стороной BC, и  $B_1$  – точка ее пересечения с продолжением стороны AC. Тогда:

### 7. Теоремы о четырёх замечательных точках

В любом треугольнике есть, так называемые, четыре замечательные точки: точка пересечения медиан, точка пересечения биссектрис, точка пересечения высот (или их продолжения) и точка пересечения серединных перпендикуляров. Рассмотрим на примере произвольного  $\triangle ABC$  каждую из них.

**Теорема о точке пересечения медиан.** Медианы треугольника пересекаются в одной точке и делятся в точке пересечения в отношении 2:1, начиная с вершины.

**Теорема о точке пересечения биссектрис.** Биссектрисы угла треугольника пересекаются в одной точке.

**Теорема о точке пересечения высот треугольника.** Высоты треугольника (или их продолжения) пересекаются в одной точке.

**Теорема о точке пересечения серединных перпендикуляров.** Серединные перпендикуляры к сторонам треугольника пересекаются в одной точке.

**Свойства замечательных точек треугольника.** Во всяком треугольнике точка пересечения медиан, точка пересечения высот (или их продолжений) и точка

пересечения серединных перпендикуляров к сторонам треугольника лежат на одной прямой. Эта прямая называется прямой Эйлера.

В разделе **контрольные вопросы и задачи на построение** в подразделе **контрольные вопросы** - вопросы составлены в виде тестов, содержащих несколько вариантов ответа и имеются ключи к ним. Ниже приведены примеры вопросов.

№ 1 Именем какого ученого названа в геометрии теорема о пропорциональных отрезках и параллельных прямых:

- а) Архимед
- б) Фалес
- в) Геродот
- г) Диоген

№ 2 Выбери верное утверждение:

- а) средняя линия треугольника соединяет середины двух сторон треугольника, параллельна его третьей стороне и равна ей
- б) средняя линия треугольника соединяет середины двух сторон треугольника, параллельна его третьей стороне и равна её четвертой части
- в) средняя линия треугольника соединяет середины двух сторон треугольника, параллельна его третьей стороне и равна её половине
- г) средняя линия треугольника делит треугольник на два равновеликих треугольника

Подраздел **задачи на построение** содержит задачи на построение, необходимые для проверки умений учащихся строить те или иные элементы планиметрии: биссектрису угла треугольника, серединный перпендикуляр к отрезку и др., а также проверить умеет ли учащийся строить отрезок заданной длины и делить отрезок в данном отношении. Учащемуся рекомендуется выполнить все задачи самостоятельно.

№ 1 Построить элементы  $\triangle ABC$ :

- а) биссектрису  $\angle A$ ; б) медиану  $BM$ ; в) серединный перпендикуляр к  $AB$ ; г) биссектрису внешнего угла  $B$  треугольника  $ABC$ .



№ 2 Построить отрезок заданной длины (длина единичного отрезка 2 клетки)

а) 2; б) 17; в)  $\sqrt{5}$ ; г)  $\sqrt{3}$ ; д) .

№ 3 Разделить отрезок в данном отношении:

а) 1:4; б) 5:3; в) 7:1; г)  $\sqrt{5}:1$  ; д)  $\sqrt{2}:2$  .

№ 4 Построить подобные треугольники с данным коэффициентом подобия

а) 3; б) ; в)  $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$ ; г) ; д)  $\sqrt{7}$ .

Раздел **тесты** содержит три уровня сложности — от более простого (содержит пять задач) к продвинутому (содержит три задачи). Разработаны по пять вариантов.

### **Вариант 1 теста первого уровня.**

№1. Прямая CD параллельна прямой AB и пересекает  $\angle BOA$  так, что точки O, D, B лежат на одной прямой, а также точки O, A, C лежат на одной прямой. Найдите длину CD, если  $AB=5$ ,  $OB=3$  и  $OD=12$ .

№2. Дан  $\triangle ABC$ . На стороне BC взята точка P так, что  $BP=PC$ , а на стороне AC взята точка Q такая, что  $AQ:QC=5:3$ . Найдите отношение  $AO:OP$ , если точка O – точка пересечения прямых AP и BQ.

№3. Дан  $\triangle ABC$  и точки E и F на сторонах BC и AC соответственно. O – точка пересечения отрезков AE и BF, причем  $AO:OE=3:1$ ,  $AF:FC=6:5$ . В каком отношении точка E делит сторону BC?

№4. Через середину M стороны AB  $\triangle ABC$  проведена прямая, параллельная стороне BC. Эта прямая пересекает сторону AC в точке N. Найдите отношение  $AN:NC$ .

№5. На медиане AM  $\triangle ABC$  взята точка K, причем  $AK:KM=1:3$ . Найдите отношение, в котором прямая, проходящая через точку K параллельно стороне AC, делит сторону BC.

### **Решения к тестам 1 уровня для варианта 1.**

№1. Так как прямые AB и CD параллельны, то треугольники OBA и ODC подобны (  $\angle O$  общий и углы OBA и ODC равны, так как образованы при пересечении двух параллельных прямых одной секущей), тогда:

$$OD:OB=DC:AB$$

$$DC=(OD*AB)/OB$$

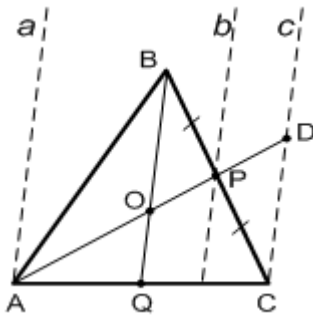
$$DC=(12*5)/3=20$$

Ответ:  $CD=20$ .

№2. Проведем прямые, параллельные  $BQ$  через точки  $A, P, C$ . Точка  $D$  – это точка пересечения прямых  $AP$  и  $c$ . По теореме Фалеса параллельные прямые  $BQ, b$  и  $c$ , которые отсекают на прямой  $BC$  равные отрезки  $BP$  и  $PC$ , отсекают равные отрезки  $OP$  и  $PD$  на прямой  $AD$ . По теореме Фалеса параллельные прямые  $BQ, a$  и  $c$ , которые отсекают на прямой  $AC$  отрезки в соотношении  $5:3$ , отсекают и на прямой  $AD$  отрезки в соотношении  $5:3$ .

То есть  $AQ:QC=5:3$  и  $AO:OD=5:3$ , а отрезок  $OD=2OP$ . Следовательно,  $AO:OP=10:3$ .

Ответ:  $10:3$ .

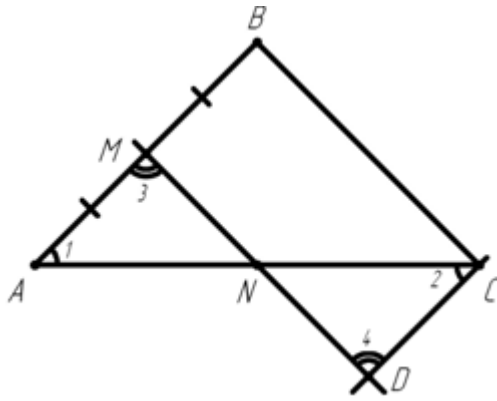


№3. Через точку  $E$  проведем прямую, параллельную  $BF$ . Тогда по теореме Фалеса  $AF:FD=AO:OE=3:1$ .

Пусть  $AF=6x$ , тогда  $FD=2x$ . Так как  $AF:FC=6:5$ , то  $FC=5x$ . Значит  $DC=FC-FD=5x-2x=3x$ . По теореме Фалеса  $BE:EC=FD:DC=2x:3x=2:3$ .

Ответ:  $2:3$ .

№4. Через точку  $C$  проведем прямую, параллельную прямой  $AB$  и обозначим буквой  $D$  точку пересечения этой прямой с прямой  $MN$ . Так как  $AM=MB$  по условию, а  $MB=CD$  как противоположные стороны параллелограмма  $BSCD$ , то  $AM=DC$ . Треугольники  $AMD$  и  $CDN$  равны по второму признаку равенства треугольников ( $AM=CD$ ,  $\angle 1=\angle 2$ ,  $\angle 3=\angle 4$  как накрест лежащие углы при пересечении параллельных прямых  $AB$  и  $CD$  секущими  $AC$  и  $MD$ ), поэтому  $AN=NC$ . Значит  $AN:NC=1$ .



№5. Пусть  $M_1$ - точка пересечения прямой, проходящей через точку  $K$  параллельно стороне  $AC$ , и стороны  $BC$ . Нужно найти отношение  $BM_1:M_1C$ .

Стороны угла  $AMC$  пересекаются прямыми  $MM_1$  и  $AC$  и по обобщенной теореме Фалеса получаем  $MM_1:M_1C=3:1$  или  $MM_1=3z$ ,  $M_1C=z$ .

По условию  $BM:MC=1:1$ , то есть  $BM=x$ ,  $MC=x$ , но  $MC=MM_1+M_1C=3z+z=4z$ , значит  $x=4z$ .

$$BM_1:M_1C=(BM+MM_1)/M_1C=(4z+3z)/z=7:1.$$

Ответ:  $BM_1:M_1C=7:1$ .

**Пример варианта 1 из теста второго уровня.**

№1. В треугольнике  $ABC$  проведена биссектриса  $AD$ . Найдите периметр треугольника  $ABC$ , если  $AC=4$ ,  $DC=2$ ,  $BD=3$ .

№2. Дан треугольник  $ABC$ , в котором  $\angle B=30^\circ$ ,  $AB=4$ ,  $BC=6$ . Биссектриса угла  $B$  пересекает сторону  $AC$  в точке  $D$ . Определите площадь треугольника  $ABD$ .

№3. Биссектриса внутреннего угла  $B$  треугольника  $ABC$  пересекает сторону  $AC$  на отрезки  $AK=5$ ,  $KC=7$ . На каком расстоянии от вершин  $A$  и  $C$  пересечет продолжение  $AC$  биссектриса внешнего угла  $B$ ?

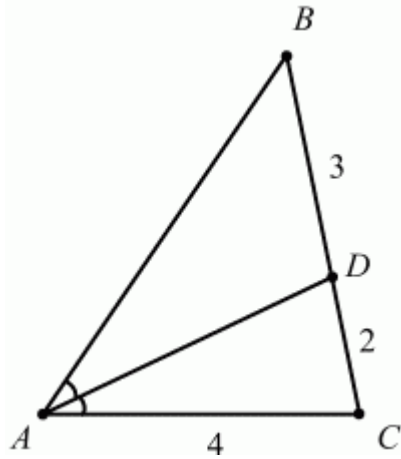
№4. Стороны треугольника  $ABC$  равны  $10$  см,  $11$  см и  $12$  см. Найти отрезки, на которые делит биссектриса треугольника  $AP$  среднюю сторону.

**Ответы на вариант 1 из теста второго уровня.**

№1. По свойству биссектрисы  $BD/AB=DC/AC$ ;  $3/AB=2/4$ ;  $AB=6$ .

Периметр треугольника  $P_{ABC}=AB+BC+AC=15$ .

Ответ:  $15$ .



№2. По свойству биссектрисы  $AD/DC = AB/BC = 4/6 = 2/3$ . Пусть  $AD = 2x$ ;  
 $DC = 3x$ .

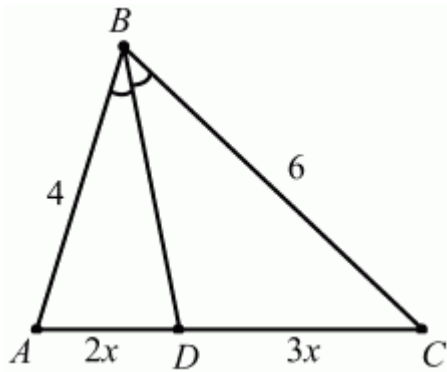
$$S_{ABD} =$$

$$S_{ABC} =$$

Следовательно  $S_{ABD} : S_{ABC} = 4 : 10 = 2 : 5$

$$S_{ABD} = \frac{1}{5} \times \left( \frac{1}{2} \times 4 \times 6 \times \frac{1}{2} \right) = \frac{12}{5}$$

Ответ:  $12/5$ .



№3. Каждая из биссектрис угла В делит АС в одном и том же отношении. Обозначим через точку L точку пересечения продолжения АС < КС, то и  $AL < LC$ . Обозначим неизвестное расстояние AL через x, тогда  $LC = AL + AC = x + 12$ . Получаем пропорцию:  $x : (x + 12) = AK : KC = 5 : 7$ . Откуда получаем, что  $x = 30$ , значит  $AL = 30$ ,  $CL = 42$ .

Ответ: 30, 42.

№4. По свойству биссектрисы треугольника:

$$\frac{AB}{BP} = \frac{AC}{CP} \quad \text{и} \quad \frac{12}{BP} = \frac{10}{CP}$$

Пусть  $CP = x$  см, тогда  $BP = (11 - x)$  см:

$$\frac{12}{11 - x} = \frac{10}{x}$$

$$12x = 10(11 - x)$$

$$22x = 110$$

$$x = 5$$

$$CP = 5 \text{ см}, BP = 6 \text{ см.}$$

Ответ: 5 см, 6 см.

**Пример варианта 1 из теста третьего уровня**

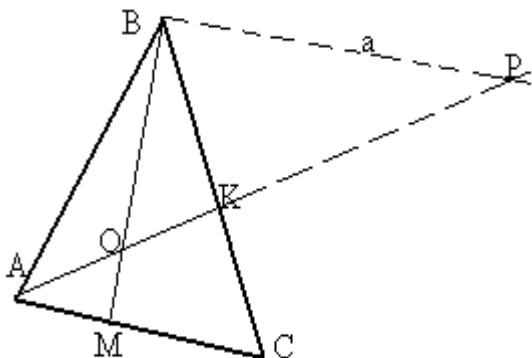
№1. В треугольнике ABC на стороне AC взята точка M, а на стороне BC – точка K так, что  $AM : MC = 2 : 3$ ,  $BK : KC = 4 : 3$ . В каком отношении AK делит отрезок BM?

№2. На сторонах треугольника ABC взяты соответственно точки  $C_1, A_1, B_1$ , так что  $AC_1 : C_1B = 2 : 1$ ,  $BA_1 : A_1C = 1 : 3$ ,  $BB_1 \cap CC_1 \cap AA_1 = O$ . Найти  $CB_1 : B_1A$ .

№3. Стороны треугольника равны 5,6 и 7. Найдите отношение отрезков, на которые биссектриса большего угла этого треугольника разделена центром окружности, вписанной в треугольник.

**Ответы на вариант 1 из теста третьего уровня.**

№1.



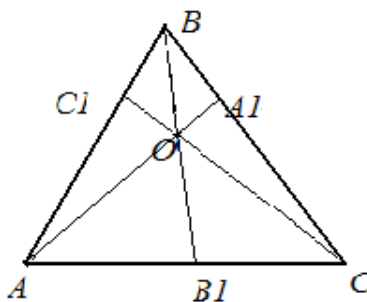
Рассмотрим треугольник MBC: прямую АК назовем секущей, так как она пересекает две стороны и продолжение третьей стороны треугольника MBC; т.А принадлежит МС, т.О – ВМ, т.К – ВС; А, О, К лежат на АК (на одной прямой). По теореме Менелая:

$$\frac{BO}{OM} \times \frac{2}{5} \times \frac{3}{4} = 1$$

Ответ:  $BO:OM=10:3$

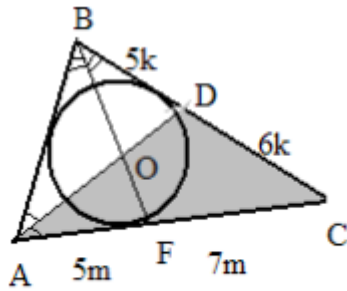
№2.

Так как отрезки  $BB_1$ ,  $CC_1$ ,  $AA_1$  пересекаются в точке О, то по теореме Чебы



Ответ: 3:2

№3.



Пусть в треугольнике ABC  $AB=5$ ,  $BC=7$ ,  $AC=6$ . Угол BAC лежит против большей стороны в треугольнике ABC, значит угол BAC – больший угол треугольника. Центр вписанной окружности треугольника лежит на пересечении биссектрис. Пусть точка O – точка пересечения биссектрис. Необходимо найти  $AO:OD$ . Так как AD – биссектриса треугольника ABC, то  $DC:BD=6:5$ , то есть  $DC=6x$ ,  $BD=5x$ . Так как BF – биссектриса треугольника ABC, то  $AF:FC=5:7$ , то есть  $AF=5y$ ,  $FC=7y$ .

Прямая BF пересекает 2 стороны и продолжение третьей треугольника ADC. По теореме Менелая:

$$\frac{AO}{OD} \times \frac{5x}{11x} \times \frac{7y}{5y} = 1$$

$$\frac{AO}{OD} = \frac{11}{7}$$

Ответ: 11:7.

**ЗАКЛЮЧЕНИЕ.** В рамках магистерской работы путем создания электронного образовательного курса была реализована тема «Теорема Фалеса и её следствия». Дистанционное обучение имеет ряд достоинств как для преподавателей, так и для обучаемых. Появляется возможность обучаться по индивидуальному графику, консультироваться с преподавателем в ходе обучения, преподаватели могут обмениваться опытом друг с другом, облегчается работа с детьми с ОВЗ. Именно поэтому дистанционное обучение приобретает всё большую популярность в сфере образования.

В целом, основными достоинствами ЭОК являются:

1) Большая свобода доступа - учащийся имеет возможность доступа через Интернет к электронным курсам из любого места, где есть выход в глобальную информационную сеть.

2) Компетентное, качественное образование - курсы создаются при участии целой команды специалистов, что делает ЭО зрелым и качественным обучением.

3) Более низкие цены на доставку обучения - в электронном обучении процесс доставки образования включает в себя только обмен информацией через Интернет без затрат со стороны учащегося на покупку учебно-методической литературы.

4) Возможность разделения содержания электронного курса на модули - небольшие блоки информации позволяют сделать изучение предмета более гибким и упрощают поиск нужных материалов.

5) Гибкость обучения - продолжительность и последовательность изучения материалов слушатель выбирает сам, полностью адаптируя весь процесс обучения под свои возможности и потребности.

6) Возможность обучения на рабочем месте - учащиеся имеют возможность получать образование без отрыва от работы (при наличии таковой), а также дома, в пути с использованием мобильного Интернета.

7) Возможность развиваться в ногу со временем - пользователи электронных курсов: и преподаватели, и учащиеся развивают свои навыки и знания в соответствии с новейшими современными технологиями и стандартами. Электронные курсы также позволяют своевременно и оперативно обновлять учебные материалы.

8) Возможность определять критерии оценки знаний - в электронном обучении имеется возможность выставлять четкие критерии, по которым оцениваются знания, полученные учащимися в процессе обучения.

Разработанный электронный образовательный курс прошел апробацию в государственном автономном профессиональном образовательном учреждении Саратовской области "Саратовский колледж строительства мостов и



гидротехнических сооружений" на базе направления 21.02.05 «Земельно-имущественные отношения», в котором обучается 25 человек [https://www.sksmsg.ru/]. Тесты представлены в 5 вариантах. В тестах первого уровня 5 заданий, в тестах второго уровня – 4 задания, третьего уровня – 3 задания. Каждый вариант выполняло 5 человек. В силу того, что тесты имеют различный уровень сложности, их можно оценить разным количеством баллов за правильный ответ. В первом уровне 5 заданий, поэтому оценка «5» ставилась за 5 правильно выполненных заданий, «4» - за 4 задания, а «3» соответственно за 3 верных ответа. Заданий во втором уровне 4, в данном уровне оценка «5» ставится за 4 верных ответа, «4» - за 3 задания, «3» - за 2 выполненных задания. Третий уровень представлен 3 заданиями: «5» - 3 задания, «4» - 2 задания, «3» - 1 задание. Прохождение теста рассчитано на 45 минут, то есть на половину пары. Решение учащиеся фиксируют в черновике, в бланк необходимо внести только верные ответы.

Далее приведена статистика по выполнению:

#### 1 уровень

Номер задания	1	2	3	4	5
Кол-во выполнивших	25	24	22	23	20

#### 2 уровень

Номер задания	1	2	3	4
Кол-во выполнивших	17	18	16	18

#### 3 уровень

Номер задания	1	2	3
Кол-во выполнивших	19	18	17

Процент выполнения:

№	1.1	1.2	1.3	1.4	1.5	2.1	2.2	2.3	2.4	3.1	3.2	3.3
---	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

% выполнения	100	96	88	92	80	68	72	64	72	76	72	68
-----------------	-----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----

Примем за 1 коэффициент заданий 1 уровня, тогда у 2 уровня коэффициент сложности будет равен 1,25, а у 3 уровня – 1,67.

Процент успеваемости за выполненную работу по группе можно вычислить следующим образом:

$$((100+96+88+92+80)*1+(68+72+64+72)*1,25+(76+72+68)*1,67)/(5*1+4*1,25+3*1,67)=(456+345+360,72)/15,01=78\%$$

Оценку «3» целесообразно ставить при 60-70% выполненной работы, «4» - при 70-80%, «5» - 80-100%. Как видим, в среднем по группе получилась оценка «4», что говорит о хорошем усвоении материала по теме «Теорема Фалеса и ее следствия».

По результатам выполнения магистерской работы на сайте <http://ipsilon-dev.sgu.ru/> выставлены:

- теоретический материал по теме «Теорема Фалеса и её следствия»;
- контрольные вопросы по теории с выбором ответа
- задачи на построение для самостоятельной работы
- набор тестов трёх уровней сложности.

По итогам ознакомления студентами колледжа с курсом был откорректирован список задач, расположенных в тестах первого, второго и третьего уровней сложности, отредактирована подача теоретического материала. Данный электронный образовательный курс может быть использован учащимися средних школ, студентами средних специальных учреждений, студентами ВУЗов и преподавателями. Успешное освоение данного электронного образовательного курса окажет помощь при сдаче Основного государственного экзамена (ОГЭ) и Единого государственного экзамена (ЕГЭ).