

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

**«САРАТОВСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
ИМЕНИ Н. Г. ЧЕРНЫШЕВСКОГО»**

Кафедра дискретной математики и информационных технологий

**РАЗРАБОТКА МОБИЛЬНОГО ПРИЛОЖЕНИЯ С
ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ МЕТОДОВ ГЛУБИННОГО ОБУЧЕНИЯ
СВЕРТОЧНОЙ НЕЙРОННОЙ СЕТИ ДЛЯ СТИЛИЗАЦИИ
ГРАФИЧЕСКИХ ОБРАЗОВ**

АВТОРЕФЕРАТ МАГИСТЕРСКОЙ РАБОТЫ

Студентки 2 курса 271 группы
направления 09.04.01 — Информатика и вычислительная техника
факультета КНиИТ
Исаевой Татьяны Евгеньевны

Научный руководитель

д.э.н. , к.ф.м.н, профессор

Л. В. Кальянов

Заведующий кафедрой

доцент, к. ф.-м. н.

Л. Б. Тяпаев

Саратов 2023

ВВЕДЕНИЕ

Актуальность темы. В настоящее время глубинное обучение становится все более популярным и широко используемым методом в области машинного обучения.

Эта техника позволяет строить сложные модели для решения различных задач, таких как классификация, сегментация и детекция объектов. Благодаря своей надежности и высокой точности, алгоритмы глубинного обучения нашли широкое применение в различных областях, включая мобильную разработку[1,2].

В данной магистерской работе рассматриваются основные принципы работы алгоритмов глубинного обучения, а также их применение в мобильной разработке.

Результаты данной работы могут быть полезными для компаний, занимающихся мобильной разработкой, а также могут быть использованы для создания новых и улучшения существующих мобильных приложений.

Сейчас мобильный и быстрый доступ к информации предпочитают все больше людей. С каждым годом процент пользователей мобильных версий сайтов растет, и, следовательно, компьютерные версии становятся все менее популярными

На основании изложенного, можно сделать вывод, что разработка мобильных приложений с использованием методов глубинного обучения является актуальным.

Цель магистерской работы — изучение и применение технологий глубинного обучения в разработке мобильных приложений для стилизации изображений.

В соответствии с поставленной целью определены **следующие задачи:**

- Изучение концепции разработки мобильных приложений;
- Освоение основной теории нейронных сетей;
- Проведение сравнительного анализа моделей нейронных сетей;
- Проектирование и разработка собственной модели нейронной сети;
- Реализация приложения с использованием полученных знаний.

Структура и объём работы. Магистерская работа состоит из введения, 5 глав, заключения и списка литературы. Общий объем работы состав-

ляет 71 страницы, объем списка литературы – 20 источников.

КРАТКОЕ СОДЕРЖАНИЕ РАБОТЫ

Первый раздел «Теория разработки мобильных приложений» состоит из четырех подразделов, посвященных теории необходимой для создания мобильного приложения.

В подразделе 1.1 рассматриваются основные концепции и особенности мобильной разработки.

В подразделе 1.2 описаны основные этапы жизненного цикла разработки мобильного продукта.

В подразделе 1.3 показаны основные инструменты разработки мобильных приложений с учетом особенностей работы той или иной платформы.

В подразделе 1.4 приведена классификация и анализ популярности тех или иных приложений, в зависимости от области их использования.

Второй раздел «Основы теории нейронных сетей» включает в себя два подраздела, рассказывающих теоретическую базу области изучения нейронных сетей [1-7].

В подразделе 2.1 рассмотрены основные модели нейронных сетей, их особенности, структура и отличия.

В подразделе 2.2 приведен обзор алгоритмов обучения и области их применения.

Раздел 3 «Анализ глубоких нейронных сетей» состоит из двух подразделов, посвященных описанию многослойных нейронных сетей, а также их особенностях и применению в глубоком обучении.

Подраздел 3.1. содержит в себе описание *Convolutional Neural Networks (CNNs)*, которая является классом глубоких нейронных сетей, которые могут распознавать и классифицировать определенные функции изображений и широко используются для анализа графических образов[8,9].

Свое применение они находят не только в распознавании изображений, а также видео, позволяют классифицировать изображения по критериям, анализировать медицинские изображения, применяться в компьютерном зрении и обработке естественного языка.

Архитектура CNN состоит из двух основных частей:

1. Инструмент свертки, который разделяет и идентифицирует различные элементы изображения для анализа в процессе извлечение признаков.

2. Полносвязный слой, который использует выходные данные процесса свертки и предсказывает класс изображения на основе извлеченных ранее признаков.

Также в архитектуре CNN присутствует три типа слоев: сверточные слои, подвыборочные слои и полносвязные (FC) слои. Когда эти слои сложены, будет сформирована архитектура CNN. В дополнение к этим трем слоям есть еще два важных параметра: слой отсева и функция активации, которые определены ниже.

В общем виде сверточный слой можно описать так

$$x^l = f(x_{l-1} * k^l + b^l),$$

где, x^l – выход слоя l ;

$f(x)$ – функция активации;

b^l – коэффициент сдвига слоя l ;

$*$ – операция свертки входа x с ядром k .

Подвыборочный слой обычно служит мостом между сверточным слоем и полносвязным слоем (FC).

Полносвязный (FC) слой состоит из весов и смещений вместе с нейронами и используется для соединения нейронов между двумя различными слоями. Эти слои обычно располагаются перед выходным слоем и образуют несколько последних слоёв архитектуры CNN.

Входное изображение из предыдущих слоев выравнивается и подается на FC слой. Затем одномерный вектор проходит еще несколько FC-слоев, где обычно проводятся операции математических функций. На этом этапе начинается процесс классификации.

Последним важным компонентом модели CNN является *функция активации*, которая определяет функциональные возможности нейронной сети, а также какой метод обучения будет применен.

В подразделе 3.2 приведена рекуррентная нейронная сеть, представляющая собой нейронную сеть, специализирующуюся на обработке последовательности данных $x(t) = (x_1), \dots, x(\tau)$ с индексом шага времени t в диапазоне от 1 до τ .

Отличием рекуррентных нейронных сетей является то, что они выполняют одну и ту же задачу для каждого элемента последовательности, с выходом, зависящим от предыдущих вычислений [10-15]. Другой способ мышления о РНК заключается в том, что они имеют некую «память», которая захватывает информацию о том, что было вычислено до сих пор.

Входные данные: $x(t)$ берутся в качестве входных данных сети на временном шаге t . Например, x_1 , может быть одномерным вектором, например, слово в предложении.

Скрытое состояние: $h(t)$ представляет скрытое состояние в момент t и действует как «память» сети. $h(t)$ вычисляется на основе текущего входа и скрытого состояния предыдущего шага времени: $h(t) = f(Ux(t) + Wh(t-1))$, где функция f есть нелинейное преобразование, такое как \tanh , $ReLU$.

Веса: RNN имеет параметризованную матрицу веса U – вход к скрытым соединениям, параметризованную матрицу веса W – к повторяющимся, т.е. скрытый к скрытому, соединениям, и матрицу V – от скрытого к выходу соединения. Все эти весовые коэффициенты (U, V, W) делятся во времени.

Выходные данные: $o(t)$ иллюстрируют выход из узла. На рисунке 4 изображена стрелка после $o(t)$, которая часто подвергается нелинейности, особенно когда сеть содержит последующие слои.

Прямой проход

Модель не предопределяет заранее выбор функции активации для скрытых единиц.

Поэтому, рассмотрим два предположения:

1) функцией активации, будет функция – гиперболический тангенс: $f(x) = \tanh(x) = \frac{2}{1+e^{-2x}} - 1$

2) Вывод является дискретным, как если бы RNN использовался для предсказания слов или символов. Естественным способом представления дискретных переменных является рассмотрение вывода o , в качестве дающего ненормализованные логарифмические вероятности для каждого возможного значения дискретной переменной. Затем мы можем применить операцию *softmax* в качестве шага после обработки для получения вектора \hat{y} нормализованных вероятностей над выходом.

Таким образом, прямой проход RNN может быть представлен набором

уравнений, представленных ниже:

$$a^{(t)} = b + Wh^{(t-1)} + Ux^{(t)}$$

$$h^{(t)} = \tanh(a^{(t)})$$

$$o^{(t)} = c + Vh^{(t)}$$

$$\hat{y}^{(t)} = \text{softmax}(o^{(t)})$$

Данные уравнения являются примером рекуррентной сети, которая отображает входную последовательность на выходную той же длины.

Полная потеря для заданной последовательности значений x в сочетании с последовательностью значений y будет сумма потерь за все шаги времени.

Обратный проход

Вычисление градиента или обратный проход включает в себя выполнение прохода вперед, проходящего слева направо метод описан выше, за которым следует обратный проход, движущийся справа налево через граф.

Время выполнения – $O(\tau)$, которое не может быть уменьшено путём распараллеливания, так как прямой граф распространения по своей сути является последовательным; каждый шаг времени может быть вычислен только после предыдущего.

Состояния, вычисленные в прямом проходе, должны храниться до тех пор, пока они не будут повторно использованы во время обратного прохода, поэтому стоимость памяти также равна $O(\tau)$.

Поскольку параметры являются общими для всех временных шагов в сети, градиент на каждом выходе зависит не только от вычислений текущего шага времени, но и от предыдущих шагов времени.

Вычисление градиентов Учитывая функцию потерь L , нужно рассчитать градиенты для трех весовых матриц U , V , W и меток смещения b , c и обновить их с скоростью обучения α . Подобно нормальному обратному распространению, градиент дает нам представление о том, как изменяется потеря по отношению к каждому весовому параметру. Обновить веса W , для

минимизации потерь можно с помощью следующего уравнения:

$$W \leftarrow W - \alpha \frac{\partial L}{\partial W}$$

Аналогичные действия должны быть сделаны для других весов U , V , b , c .

Теперь вычислим градиенты по *BPTT* для уравнений *RNN* выше. Узлы вычислительного графа содержат характеристики U , W , V , B и c , а также последовательность вершин, индексируемых t для $x(t)$, $o(t)$, $h(t)$ и $L(t)$.

Для каждого узла n необходимо вычислить градиент $\nabla_n L$ рекурсивно, на основе градиента, вычисленного на узлах, следующих за ним в графе.

Градиент по отношению к выходу $o(t)$ вычисляется в предположении, что $o(t)$ используется в качестве аргумента для функции *softmax* для получения вектора \hat{y} . Предположим, что потеря является отрицательной логарифмической вероятностью истинного объекта \hat{y} .

$$(\nabla_{o(t)} L)_i = \frac{\partial L}{\partial o_i^{(t)}} = \frac{\partial L}{\partial L(t)} \frac{\partial L(t)}{\partial o_i^{(t)}} = \hat{y}_i^{(t)} - \mathbf{1}_{i=y^{(t)}}$$

Теперь рассмотрим, как градиент протекает через скрытое состояние $h(t)$.

Производится обратная проработка последовательности, начиная с конца последовательности. На последней итерации τ , $h(\tau)$ имеет только $o(\tau)$ как потомок, следовательно его градиент вычисляется легко:

$$\nabla_{h(\tau)} L = \mathbf{V}^\top \nabla_{o(\tau)} L$$

Затем вернемся на итерацию назад, для обратного распространения градиентов во времени, от $t = \tau - 1$ до $t = 1$, отмечая, что $h(t)$ (для $t < \tau$) имеет как потомков как $o(t)$ так и $h(t + 1)$. Таким образом, градиент определяется:

$$\begin{aligned}
\nabla_{\mathbf{h}^{(t)}} L &= \left(\frac{\partial \mathbf{h}^{(t+1)}}{\partial \mathbf{h}^{(t)}} \right)^\top \left(\nabla_{\mathbf{h}^{(t+1)}} L \right) + \left(\frac{\partial \mathbf{o}^{(t)}}{\partial \mathbf{h}^{(t)}} \right)^\top (\nabla_{\mathbf{o}^{(t)}} L) \\
&= \mathbf{W}^\top \text{diag} \left(1 - \left(\mathbf{h}^{(t+1)} \right)^2 \right) (\nabla_{\mathbf{h}^{(t+1)}} L) + \mathbf{V}^\top (\nabla_{\mathbf{o}^{(t)}} L)
\end{aligned} \tag{1}$$

Как только градиенты на внутренних узлах вычислительного графа получены, получим градиенты на узлах параметров. Расчет градиента с использованием правила цепи для всех параметров:

$$\begin{aligned}
\nabla_{\mathbf{c}} L &= \sum_t \left(\frac{\partial \mathbf{o}^{(t)}}{\partial \mathbf{c}} \right)^\top \nabla_{\mathbf{o}^{(t)}} L = \sum_i \nabla_{\mathbf{o}^{(t)}} L \\
\nabla_{\mathbf{b}} L &= \sum_t \left(\frac{\partial \mathbf{h}^{(t)}}{\partial \mathbf{b}^{(t)}} \right)^\top \nabla_{\mathbf{h}^{(t)}} L = \sum_t \text{diag} \left(1 - \left(\mathbf{h}^{(t)} \right)^2 \right) \nabla_{\mathbf{h}^{(t)}} L \\
\nabla_{\mathbf{v}} L &= \sum_t \sum_i \left(\frac{\partial L}{\partial o_i^{(t)}} \right) \nabla_{\mathbf{v}^{(t)}} o_i^{(t)} = \sum_t (\nabla_{\mathbf{o}^{(t)}} L) \mathbf{h}^{(t)\top} \\
\nabla_{\mathbf{w}} L &= \sum_t \sum_i \left(\frac{\partial L}{\partial h_i^{(t)}} \right) \nabla_{\mathbf{w}^{(t)}} h_i^{(t)} = \sum_t \text{diag} \left(1 - \left(\mathbf{h}^{(t)} \right)^2 \right) (\nabla_{\mathbf{h}^{(t)}} L) \mathbf{h}^{(t-1)\top} \\
\nabla_{\mathbf{u}} L &= \sum_t \sum_i \left(\frac{\partial L}{\partial h_i^{(t)}} \right) \nabla_{\mathbf{u}^{(t)}} h_i^{(t)} = \sum_t \text{diag} \left(1 - \left(\mathbf{h}^{(t)} \right)^2 \right) (\nabla_{\mathbf{h}^{(t)}} L) \mathbf{x}^{(t)\top}
\end{aligned} \tag{2}$$

Четвертый раздел «Проектирование и реализация глубинной нейронной сети» содержит в себе описание алгоритма для стилизации графических образов, а также его реализацию.

Подраздел 4.1 содержит в себе описание процесса переноса нейронного стиля. Сеть использует нейронные представления для разделения и рекомбинации содержания и стиля произвольных изображений, обеспечивая нейронный алгоритм для создания художественных изображений.

Реконструкция содержания. Визуализация информации на различных стадиях обработки в *CNN*, реконструируя входное изображение, зная только ответы сети на конкретном уровне. Входное изображение обрабатывается на слоях: *conv1_1* (a), *conv2_1* (b), *conv3_1* (c), *conv4_1* (d) и *conv5_1* (e)

оригинальной сети. Слои (a, b, c) .

На более высоких уровнях сети теряется подробная информация о пикселях, в то время как высокоуровневое содержание изображения сохраняется (d, e) .

Реконструкция стиля. Помимо оригинальных представлений CNN необходимо построить новое пространство, которое захватывает стиль входного изображения. Представление стиля вычисляет корреляции между различными признаками в различных слоях CNN .

Реконструкция стиля входного изображения из стилевых представлений, построенных на различных подмножествах слоёв CNN ($conv1_1(a)$, $conv1_1$ и $conv2_1(b)$, $conv1_1$, $conv2_1$ и $conv3_1(c)$, $conv1_1$, $conv2_1$ и $conv3_1$ и $conv4_1(d)$). Это создает изображения, которые соответствуют стилю данного изображения при увеличении масштаба.

В подразделе 4.2. показан алгоритм, состоящий из 5 шагов, а также программная реализация нейронной сети.

Для изучения и программной реализации была выбрана глубинная нейронная сеть, которая исходя из нескольких полученных входных графических данных, на выходе отдаст стилизованное графическое изображение.

Принцип переноса нейронного стиля заключается в определении двух функций, одна из которых описывает, как различно содержание двух изображений, $L_{content}$, и одна, которая описывает разницу между двумя изображениями с точки зрения их стиля, L_{style} .

Затем, получив три изображения, желаемое изображение стиля, желаемое изображение содержания и входное изображение (инициализированное с изображением содержимого), попытаться преобразовать входное изображение, чтобы минимизировать расстояние между содержимым и его стилевым изображением.

Т.е. берется базовый входной образ, который сопоставляется, и образ стиля, который с которым нужно сопоставить. Мы преобразуем базовое входное изображение, минимизируя расстояния (потери) содержания и стиля с помощью обратного распространения, создавая изображение, которое соответствует содержимому входному изображению и стилю стилизующего изображения.

Общий алгоритм переноса стиля:

1. Визуализировать данные
2. Базовая предварительная обработка/подготовка наших данных
3. Настраивать функции потерь
4. Создавать модель
5. Оптимизация для функции потерь

Content Loss – есть функция, описывающая расстояние между контентом и нашим выходным изображением x и нашим контентным изображением p . Пусть C_{nn} – предварительно обученная глубинная свёрточная нейронная сеть. Пусть X – любое изображение, тогда C_{nn} – это сеть, подаваемая X .

Пусть $F_{ij}^l(x) \in C_{nn}(x)$ и $P_{ij}^l(p) \in C_{nn}(p)$ описывают соответствующее промежуточное представление признаков сети с входами x и p на слое l . Затем опишем расстояние содержания (потери) формально как:

$$\mathcal{L}_{\text{content}}(p, x) = \sum_{i,j} (F_{ij}^x - P_{ij}^p)^2.$$

Выполняется обратное распространение ошибки, чтобы минимизировать потери контента. Таким образом, меняется начальное изображение до тех пор, пока оно не генерирует аналогичный ответ на определенном уровне (определяемом в *content_layer*) как исходное содержание образа, т.е. если принимать в качестве ввода карты признаков на уровне L в сети, подаваемой входное изображение x , и p – контент изображения, и вернуть расстояние содержания.

Теперь необходимо вычислить *StyleLoss* вычисления следуют тому же принципу, что описан выше, с разницей, что сейчас на ход идет изображение для стилизации и вместо сравнения первичных промежуточных выходов базового входного изображения и стиля, нужно сравнить матрицы Грама двух выходов.

Математически описывается *StyleLoss* исходного входного изображения x и изображения стиля a , как расстояние между представлением стиля (грамовыми матрицами) этих изображений [16-18]. Описание представление стиля изображения как корреляцию между различными ответами фильтра, заданными матрицей Грама G^l , где G_{ij}^l – это внутреннее произведение между векторизованной картой признаков i и j в слое l .

Видно, что G_{ij}^l , сгенерирован над картой признаков для данного изоб-

ражения и представляет корреляцию между изображениями признаков i и j .

Чтобы создать стиль для базового входного изображения, необходимо выпонить градиентный спуск из контентного изображения, чтобы преобразовать его в изображение, которое соответствует стилю представления исходного изображения.

Происходит это за счет минимизации среднего квадратического расстояния между корреляцией признаков изображения стиля и входного изображения.

Вклад каждого слоя в общую потерю стиля описывается следующим образом:

$$E_l = \frac{1}{4N_l^2 M_l^2} \sum_{i,j} (G_{ij}^l - A_{ij}^l)^2$$

и общая потеря

$$\mathcal{L}_{\text{style}}(ca, x) = \sum_{l=0}^L w_l E_l$$

Где w – есть вес слоя и равен, $\frac{1}{|L|}$.

Далее необходимо осуществить градиентный спуск, Т.е. происходит итеративное обновление входного изображения. Для этого рассчитываются *Style Loss* и *Content Loss*.

В пятом разделе «Описание конечного приложения» Разработанный прототип мобильного приложения является контрольной точкой точкой в реализации прикладного применения технологий глубинного обучения в области мобильной разработки.

В его основе лежит ранее реализованный алгоритм глубинного обучения сверточной нейронной сети, применимый в области обработки графических изображений, а именно, в изменении стилистики изображений. Программа реализована на языке *Kotlin*, с использованием интегрированных библиотек *Java* и *Python*. Средой разработки является инструмент *Android Studio*

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В рамках магистерской работы были выполнены следующие задачи:

- Изучена теория разработки мобильных приложений под платформу Android;

- Рассмотрена основная теория по реализации и проектированию глубоких нейронных сетей;
- Проведен сравнительный анализ моделей глубоких нейронных сетей;
- Написана программная реализация глубокой нейронной сети;
- Разработано мобильное приложение с применением полученных знаний.

Все поставленные задачи были выполнены и результаты были представлены на научной студенческой конференции (СНК), кафедральный этап от 20 апреля 2023 года.

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

1. Bengio, Yoshua Greedy Layer-Wise Training of Deep Networks / Yoshua Bengio, Pascal Lamblin, Dan Popovici, Hugo Larochelle // 2007. - Universit ´e de Montr ´eal Montr ´eal, Qu ´ebec.- 8 p.
2. Гудфеллоу Я. Глубокое обучение сетей. / Гудфеллоу Я., Бенджио И., Курвилль А. - М. : ДМК, 2018. - 646 с.
3. Meier, Reto The Busy Coder’s Guide to Advanced Android Development / Reto Meier // 2018. - John Wiley Sons, Inc. - 868 p.
4. Mew, Kyle Mastering Android Studio / Kyle Mew // 2017. - Packt, Inc. - 432 p.
5. Murphy, Mark L PROFESSIONAL ANDROID 4 / Mark L. Murphy // 2011. - CommonsWare. - 555 p.
6. Гафаров, Ф. М. Искусственные нейронные сети и их приложения: учеб. пособие. / Ф. М. Гафаров, А. Ф. Гамильянов: Изд-во Издательство Казанского университета, 2018. - 120 с.
7. Hopfield, John J. Neural networks and physical systems with emergent collective computational abilities. / John J Hopfield: Proceedings of the national academy of sciences 79.8: 1982.- 2554-2558 с.
8. Hayes, Brian. First links in the Markov chain / Brian Hayes. - American Scientist 101.2: 2013. - 252 с.
9. LeCun, Yann. Gradient-based learning applied to document recognition. / Yann LeCun : Proceedings of the IEEE 86.11: 1998.- 2278-2324 с.
10. Zeiler, Matthew D., Deconvolutional networks. / Zeiler, D. Matthew : Computer Vision and Pattern Recognition (CVPR): 2010 IEEE Conference on. IEEE, 2010.

11. William M., A Programmer's Guide to Computer Science/ Brit Springer, Nicholas R.— Madison. : Jaxson Media, 2019.— 190 с.
12. Christopher M. Bishop., Pattern Recognition and Machine Learning./ Bishop Christopher M.- : Springer, 2007.- 729 с.
13. Deep Diffeomorphic Transformer Networks [Электронный ресурс]. URL: <http://www2.compute.dtu.dk/sohau/papers/cvpr2018/detlefsencvpr2018.pdf> (дата обращения: 10.12.2021). Загл. с экр. яз. англ.
14. Simonyan, K. Zisserman, A. Very Deep Convolutional Networks for Large-Scale Image Recognition. [Электронный ресурс]. URL: <http://arxiv.org/abs/1409>. (дата обращения: 03.04.2022) Загл. с экр. яз. англ.
15. Russakovsky, O. et al. ImageNet Large Scale Visual Recognition Challenge. [Электронный ресурс]. URL: <http://arxiv.org/abs/1409.0575>. (дата обращения: 03.04.2022) Загл. с экр. яз. англ.
16. Jia, Y. et al. Caffe: Convolutional architecture for fast feature embedding. In Proceedings of the ACM International Conference on Multimedia, [Электронный ресурс]. URL: <http://dl.acm.org/citation.cfm?id=2654889>. (дата обращения: 02.05.2022) Загл. с экр. яз. англ.
17. Adelson, E. H. Bergen, J. R. Spatiotemporal energy models for the perception of motion. [Электронный ресурс]. URL: <http://www.opticsinfobase.org/josaa/fulltext.cfm?uri=josaa-2-2-284>. (дата обращения: 02.05.2022) Загл. с экр. яз. англ.
18. Xie, X., Tian, F. Seah, H. S. Feature Guided Texture Synthesis (FGTS) for Artistic Style Transfer. In Proceedings of the 2Nd International Conference on Digital Interactive Media in Entertainment and Arts [Электронный ресурс]. URL: <http://doi.acm.org/10.1145/1306813.1306830>. (дата обращения: 02.05.2022) Загл. с экр. яз. англ.
19. Glek, Pavel. [Электронный ресурс]. URL: <https://neurohive.io/ru/osnovy-data-science/glubokoe-obuchenie-deep-learning-kratkij-tutorial/> (дата обращения: 03.05.2023)
20. Farraj, A. K. Queue performance measures for cognitive radios in spectrum sharing systems / A. K. Farraj, S. L. Miller, K. A. Qaraqe // IEEE GLOBECOM Workshops, 2011.— VOL.— 9.— P. 997 - 1001.